

L' ANONYMAT
RESERVE A

Le candidat doit inscrire
ci - dessous son numéro de table

B.E.P./ C.A.P. : SECTEUR 2 : BÂTIMENT

Dominante : Code spécialité :

Épreuve : **Mathématiques-Sciences**..... **CORRIGÉ**..... Durée : **2 heures**.....

Centre d'écrit Session : **2002**.....

NOM et Prénoms :
(en majuscules, suivi s'il y a lieu du nom d'épouse)

Date et lieu de naissance :

Griffe du correcteur

B.E.P./ C.A.P. : Secteur 2 : BÂTIMENT...

Dominante :

Épreuve : **Mathématiques-Sciences**..... **CORRIGÉ**.....

Session : **2002**

N° de sujet

Folio 1 / 17

B.E.P. / C.A.P.

SECTEUR 2 : BÂTIMENT

ÉPREUVE : MATHÉMATIQUES – SCIENCES PHYSIQUES

B.E.P.

..... / 20

C.A.P.

..... / 20

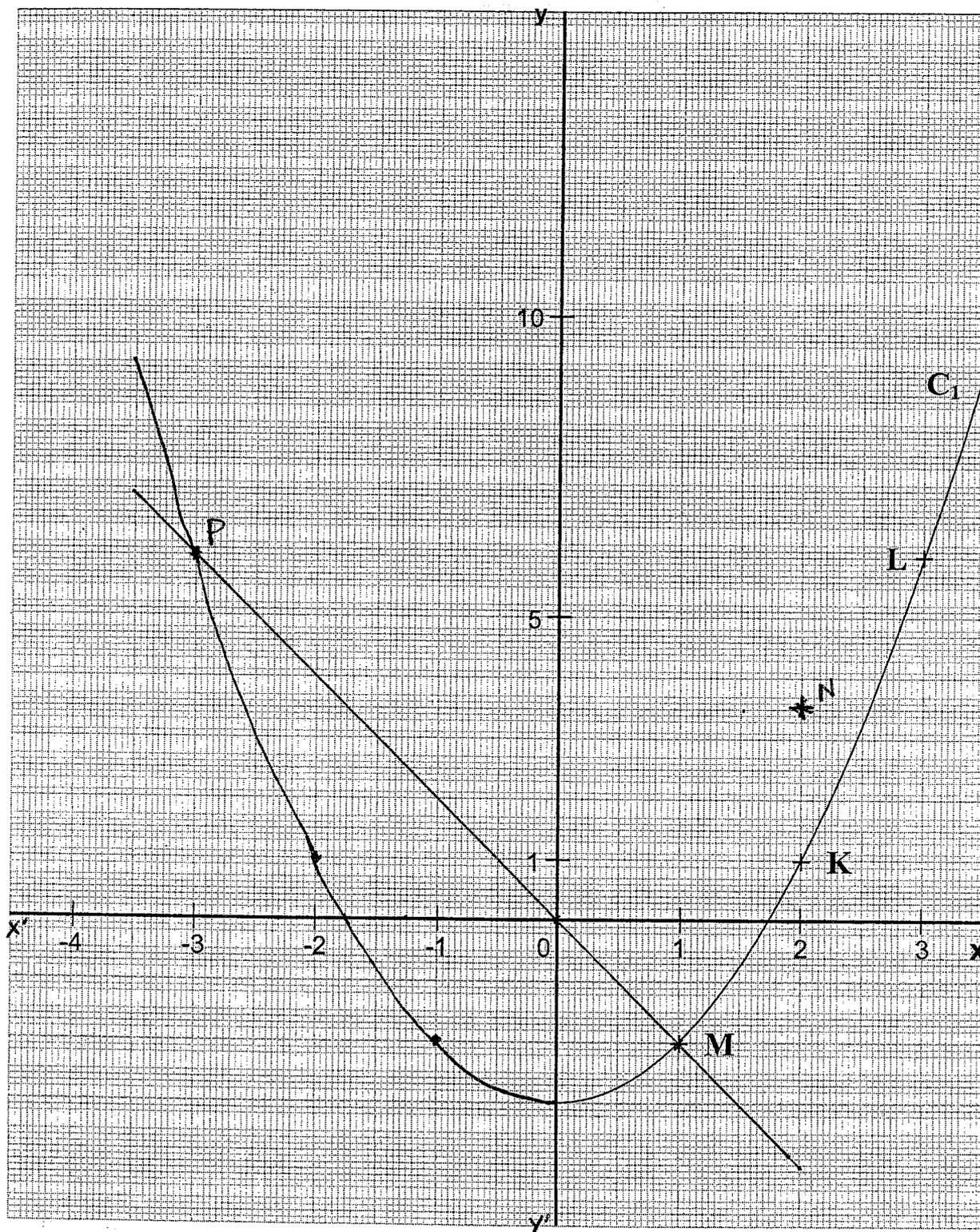
Remarque :

* La clarté des raisonnements et la qualité de la rédaction seront prises en compte à la correction.

* L'usage des instruments de calcul est autorisé.

NE RIEN ÉCRIRE DANS CE CADRE

| | |
|-----|-----|
| CAP | BEP |
| | |



NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

2) Soit la fonction g de la variable réelle x définie par $g(x) = -2x$.

a) Cette fonction est-elle ?

Une fonction affine Une fonction linéaire

Cocher la case correspondant à la réponse exacte et justifier le choix fait.

La fonction g est de la forme $g(x) = ax$

b) La représentation graphique de la fonction g est une droite (D).
La droite passe-t-elle par l'origine du repère ?

OUI NON

Cocher la case correspondant à la réponse exacte.

c) Compléter le tableau de valeurs suivant :

| | | | |
|--------|------|----|----|
| x | -3,5 | -1 | 2 |
| $g(x)$ | 7 | 2 | -4 |

d) Représenter graphiquement la fonction g dans le plan rapporté au repère orthogonal $(x'Ox ; y'Oy)$.

BEP UNIQUEMENT

3) Construire, dans le plan rapporté au repère orthogonal $(x'Ox ; y'Oy)$, la courbe C_2 symétrique de la courbe C_1 par rapport à l'axe des ordonnées $y'Oy$.

| CAP | BEP |
|-----|-----|
| 1 | 1 |
| 1 | 1 |
| 1 | 1 |
| 1,5 | 1,5 |
| 2,5 | 2,5 |
| | 1 |

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

- 4) La parabole C, constituée par les courbes C_1 et C_2 est la représentation graphique d'une fonction h de la variable x , définie sur l'intervalle $[-3,5 ; 3,5]$.
 Cocher dans le tableau ci dessous la case correspondant à une équation de la courbe C et justifier le choix fait.

| | |
|-----------------------|---|
| $y = x^2 + 3$ | |
| $y = x^2 - 3$ | X |
| $y = -x - 3$ | |
| $y = \frac{1}{x} - 3$ | |

La courbe C est une parabole donc de la forme $ax^2 + c$.
 Le point $(0; -3)$ appartient à la courbe C.

- 5) Sur l'intervalle $[-3,5 ; 3,5]$, la courbe C est la représentation graphique d'une fonction :
 paire impaire ni paire, ni impaire

Cocher la case correspondant à la réponse exacte et justifier le choix fait.

La représentation graphique présente une symétrie par rapport à l'axe des ordonnées.

- 6) A l'aide du graphique, proposer les coordonnées des points d'intersection de la courbe C et de la droite (D).

$M(1; -2) \quad P(-3; 6)$

| CAP | BEP |
|-----|------------|
| | 0,5 0,5 |
| | 1 |
| | 1 |
| | 2 |

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

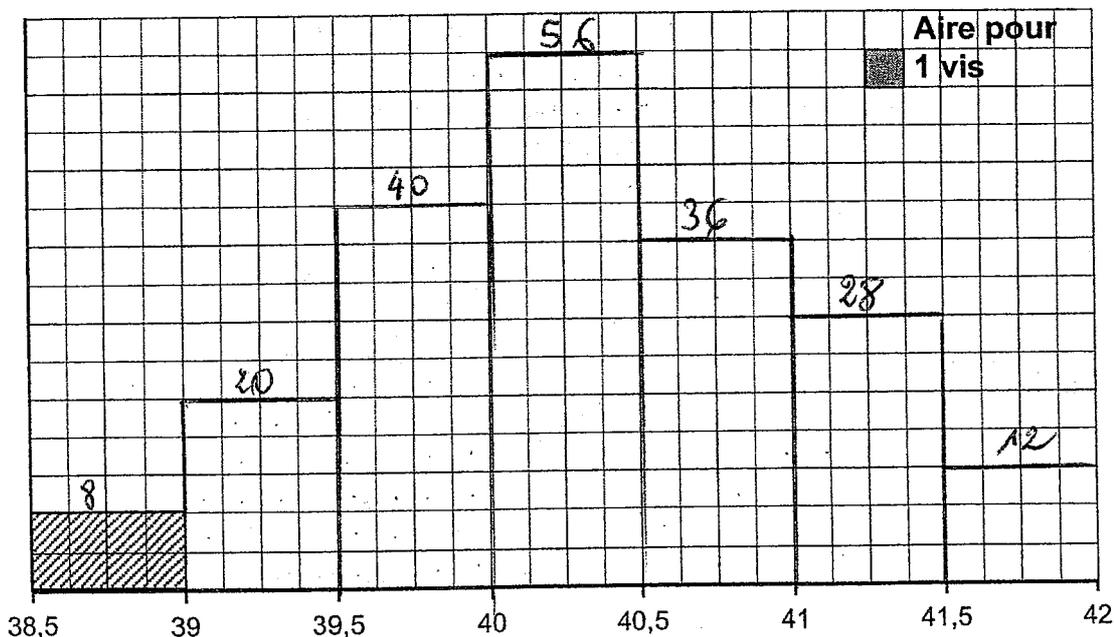
EXERCICE 2

BEP UNIQUEMENT : 10 points

Le service qualité d'une entreprise de visserie, contrôle un échantillon de 200 vis.
Les longueurs de vis sont regroupées par classes présentées dans le tableau ci-dessous:

| Longueur en mm | Effectif n_i | Centre de classe x_i | Produit $n_i x_i$ |
|----------------|----------------|------------------------|-------------------|
| [38,5 ; 39 [| 8 | 38,75 | 310 |
| [39 ; 39,5 [| 20 | 39,25 | 785 |
| [39,5 ; 40 [| 40 | 39,75 | 1 590 |
| [40 ; 40,5 [| 56 | 40,25 | 2 254 |
| [40,5 ; 41 [| 36 | 40,75 | 1 467 |
| [41 ; 41,5 [| 28 | 41,25 | 1 155 |
| [41,5 ; 42] | 12 | 41,75 | 501 |
| TOTAL | 200 | | 8 062 |

- 1) Compléter le tableau.
- 2) Compléter ci-dessous l'histogramme de la série.



CAP BEP

2,5

3,5

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

3) A l'aide du formulaire, calculer la longueur moyenne d'une vis.

$$\bar{x} = \frac{8062}{200} = 40,31.$$

La longueur moyenne d'une vis est de 40,31 mm.

4) a) Déterminer le nombre de vis dont la longueur est comprise entre 39,5 mm et 41 mm.

$$40 + 56 + 36 = 132$$

Le service qualité considère que la production est correcte si le nombre de vis dont la longueur est comprise entre 39,5 mm et 41 mm représente plus de 72 % des 200 vis contrôlées.

Dans le cas contraire, la production est arrêtée, afin de régler les machines.

b) Devra-t-on arrêter la production ? Justifier la réponse.

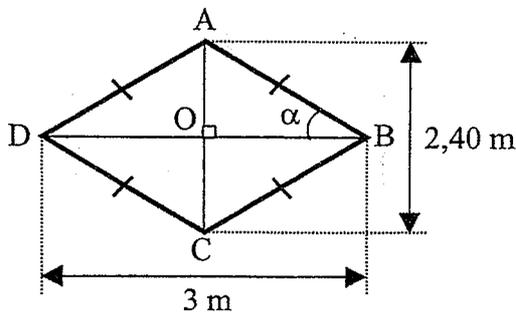
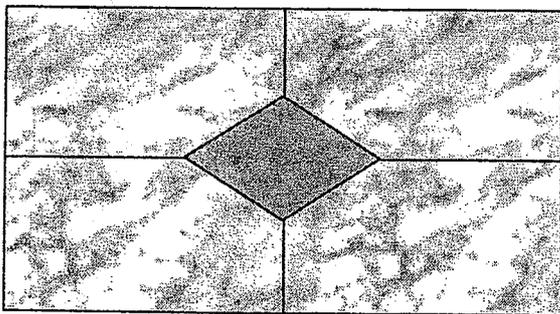
Pourcentage $x = \frac{132 \times 100}{200} = 66\%$

Il faut arrêter la production parce que le pourcentage est inférieur à 72%.

EXERCICE 3

BEP : 12 points ; CAP : 8 points

Un carreleur réalise la décoration du sol du hall d'une mairie comme le montre le schéma ci-dessous. La figure grisée est représentée par le quadrilatère ABCD.



Les proportions ne sont pas respectées

CAP BEP

1

1

2

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

| CAP | BEP |
|-----|-----|
| 2 | 2 |
| 3 | 3 |
| 3 | 3 |
| 2 | 2 |
| 2 | 2 |

- 1) On affirme que " le quadrilatère ABCD est un losange ".
Justifier cette affirmation.

*C'est un parallélogramme qui a 4 cotés égaux
ou
les diagonales sont perpendiculaires*

- 2) a) A l'aide du formulaire, calculer l'aire de la surface du triangle AOB.

$$OB = 1,5 \quad OA = 1,2$$

$$A_{AOB} = \frac{1,5 \times 1,2}{2} = 0,9 \quad \text{L'aire du triangle AOB est } 0,9 \text{ m}^2$$

- b) Calculer l'aire de la surface du quadrilatère ABCD.

$$A_{ABCD} = 4 \times 0,9 = 3,6$$

L'aire du quadrilatère ABCD est 3,6 m²

BEP UNIQUEMENT

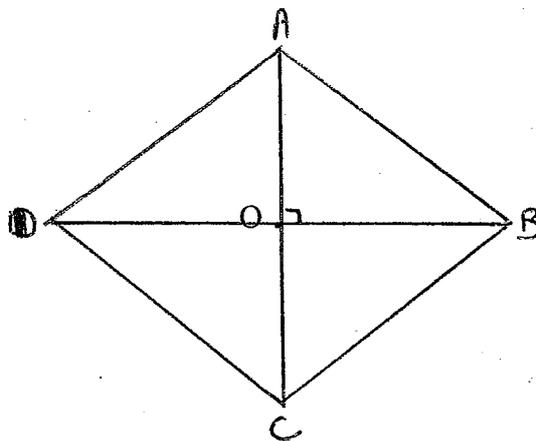
- 3) Construire ci-dessous le quadrilatère ABCD à l'échelle 1/50.

$$BD = \frac{3}{50} = 0,06$$

$$BD = 6 \text{ cm}$$

$$AC = \frac{2,4}{50} = 0,048$$

$$AC = 4,8 \text{ cm}$$



- 4) Calculer, en degré, la mesure de l'angle α , arrondie à l'unité.

$$\tan \alpha = \frac{OA}{OB}$$

$$\tan \alpha = \frac{1,2}{1,5}$$

$$\tan \alpha = 0,8$$

$$\alpha = 39^\circ$$

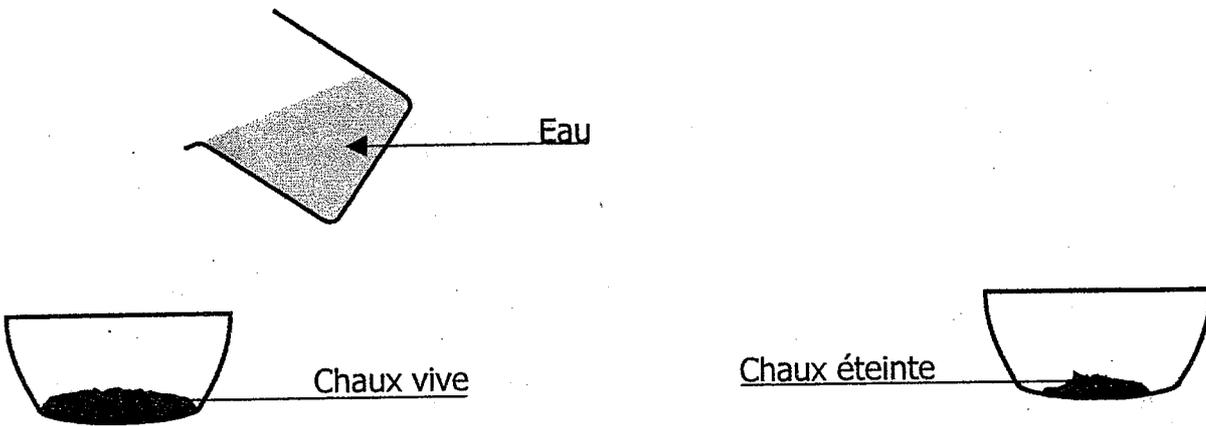
NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

SCIENCES-PHYSIQUES

CHIMIE

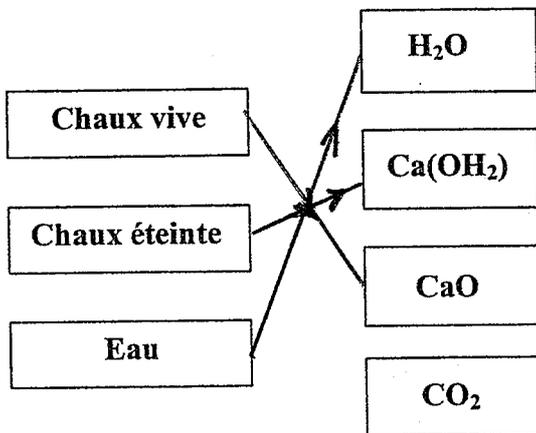
BEP : 14 points ; CAP : 6 points

Pour construire une route sur un sol humide, on y répand de la chaux vive, qu'on appelle aussi monoxyde de calcium, de formule CaO . C'est une application de la réaction étudiée ci-dessous :



Observation : l'eau sur la chaux vive provoque une réaction qui produit de la chaux éteinte de formule $\text{Ca}(\text{OH})_2$. On négligera le changement d'état de l'eau.

1) Faire correspondre par des flèches les noms des trois corps à leur formule :



| CAP | BEP |
|-----|-----|
| | |
| 3 | 3 |

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

2) Dans le tableau ci-dessous, entourer les éléments chimiques composant la molécule $\text{Ca}(\text{OH})_2$.

| | | | | |
|-----------------------|------------------------|---------------------|----------------------|---------------------|
| H Hydrogène | He Hélium | C Carbone | O Oxygène | F Fluor |
| Na Sodium | Al Aluminium | Cu Cuivre | Ca Calcium | Co Cobalt |

BEP UNIQUEMENT

3) Dans la réaction entre l'eau et la chaux vive, citer :

3-1) les réactifs

chaux vive CaO
eau H_2O

3-2) le produit de la réaction

chaux éteinte $\text{Ca}(\text{OH})_2$

4) Calculer la masse molaire moléculaire des trois corps présents dans la réaction.

On donne les masses molaires atomique suivantes :

$M(\text{Ca}) = 40 \text{ g/mol}$; $M(\text{H}) = 1 \text{ g/mol}$; $M(\text{O}) = 16 \text{ g/mol}$

$$M_{\text{H}_2\text{O}} = (2 \times 1) + 16 = 18 \text{ g/mol}$$

$$M_{\text{CaO}} = (1 \times 40) + 16 = 56 \text{ g/mol}$$

$$M_{\text{Ca}(\text{OH})_2} = (1 + 40) + (16 + 1) \times 2 = 74 \text{ g/mol}$$

5) Compléter et équilibrer l'équation de la réaction.



| CAP | BEP |
|-----|-----|
| 3 | 3 |
| | 2 |
| | 1 |
| | 3 |
| | 2 |

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

MÉCANIQUE

BEP : 14 points ; CAP : 7 points

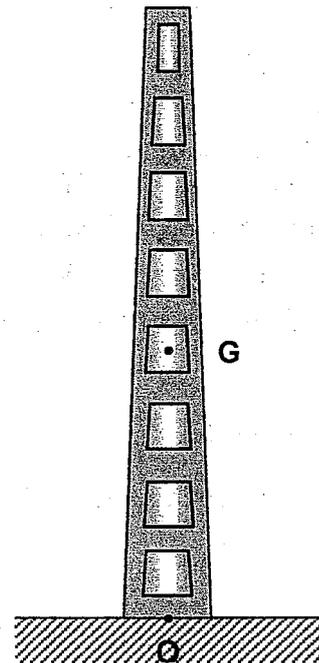
On souhaite alimenter un village en électricité ; on veut vérifier si le terrain est suffisamment stable pour que l'on puisse y implanter de nouveaux poteaux électriques.

1) Le poteau a une masse m de 1 200 kg.

Calculer la valeur de son poids. On donne $g = 10 \text{ N/kg}$

$$P = mg$$

$$P = 1200 \times 10 = 12000 \text{ N}$$



2) On étudie les forces qui s'exercent sur ce poteau.

Il est soumis à son poids \vec{P} , et à la réaction \vec{R} du sol. La valeur de R est 10 500 N.

Sur la figure 1 page suivante, on a schématisé le poteau considéré.

a) Représenter les vecteurs associés aux forces sur la figure 1 page suivante.

Unité graphique : 1 cm correspond à 1 500 N.

b) Le poteau est-il en équilibre ? Justifier votre réponse.

le poteau n'est pas en équilibre
(dynamique ouvert)
ou

les valeurs des forces ne sont pas égales

| CAP | BEP |
|-----|-----|
| 2 | 2 |
| 3 | 3 |
| 2 | 2 |

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

CAP BEP

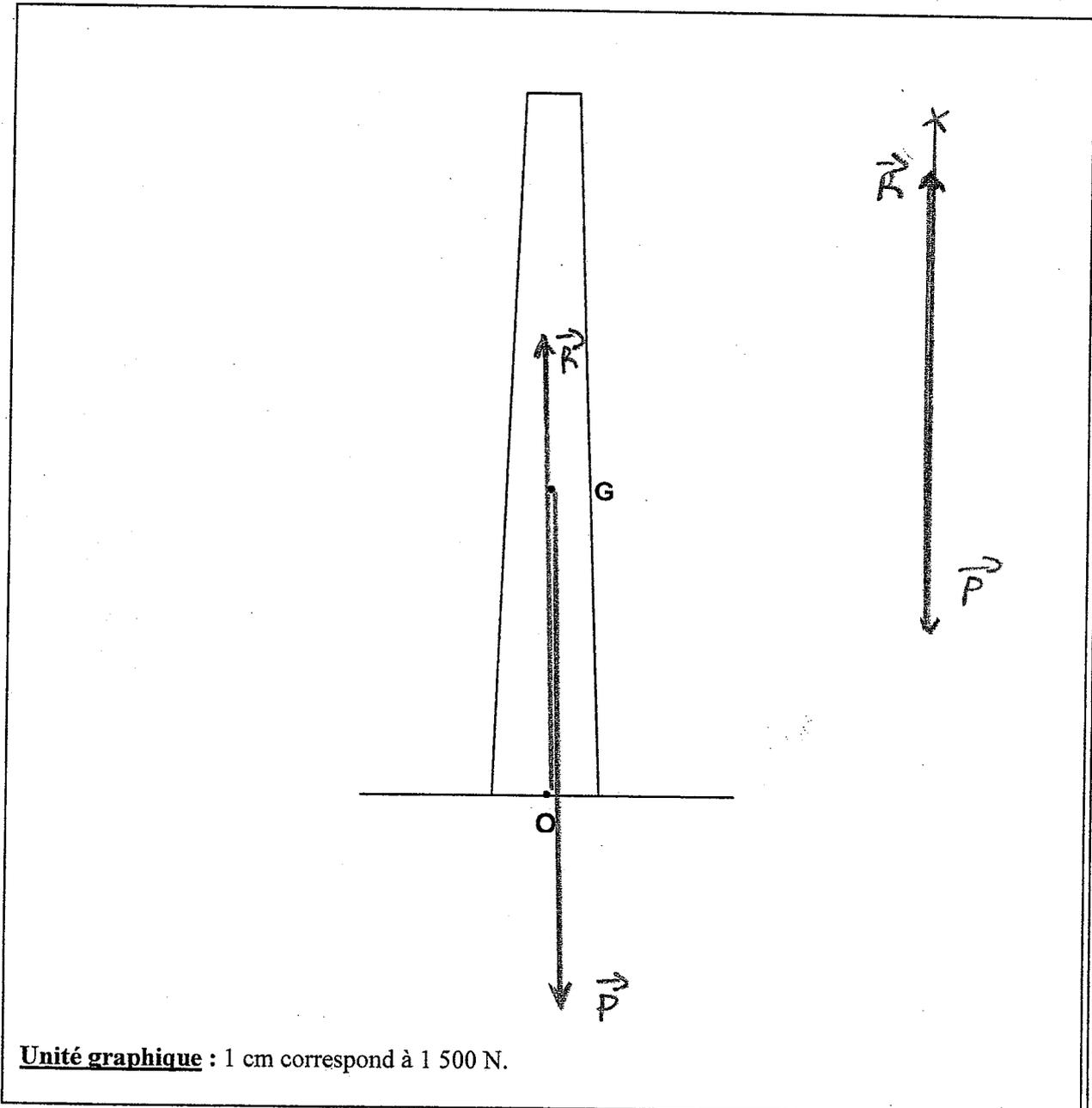


Figure 1 : schéma du poteau

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

BEP UNIQUEMENT

- 3) Des études faites sur le terrain indiquent que la pression que celui-ci peut supporter est de 125 000 Pa.
- a) On doit installer un poteau électrique de 1 200 kg. Calculer, en centimètre carré, l'aire minimale de la base du poteau pour qu'il ne s'enfonce pas.

On donne $p = \frac{F}{S}$ avec p en pascal, F en newton et S en mètre carré.

$$S = \frac{F}{P}$$

avec $F = mg$

$$S = \frac{12\,000}{125\,000} = 0,096$$

$$S = 0,096 \text{ m}^2$$

$$S = 960 \text{ cm}^2$$

- b) Le poteau présente une base carrée de 25 cm de côté. D'après la question précédente, entourer la proposition qui vous paraît envisageable :

- Elargir la base du poteau en posant une dalle.
- Diminuer la base du poteau,
- Ne rien faire.

- c) Justifier votre choix.

Aire de la surface du poteau : $25 \times 25 = 625$
en cm^2

L'aire est trop petite ; il faut élargir la base du poteau

ÉLECTRICITÉ

BEP : 12 points ; CAP : 7 points

Dans une installation contenant un moteur, on utilise un transformateur supposé parfait pour abaisser la tension du réseau à 6V.

On branche un oscilloscope pour visualiser la tension électrique entre les points A et M (voie A).

- 1) La figure 3 page suivante représente les signaux sur l'écran de l'oscilloscope si on branchait ce circuit.

CAP BEP

4

1

2

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

| CAP | BEP |
|-----|-----|
| | |

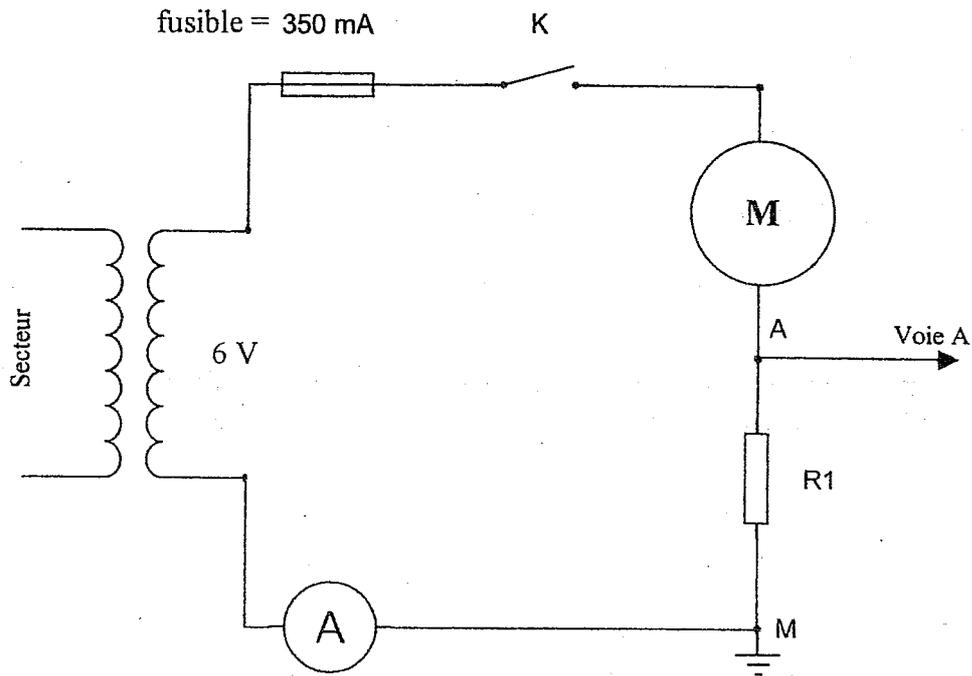
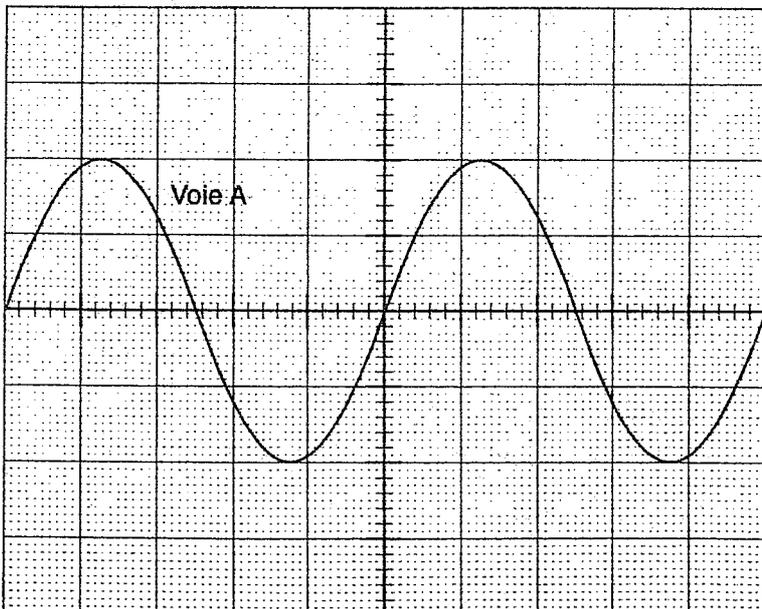


Figure 2



Calibres utilisés sur l'oscilloscope

- Temps :
4 ms / div
- Tension :
Voie A : 4 V / div

Figure 3

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

- a) Justifier que la période du signal est de 20 millisecondes ; exprimer le résultat en seconde.

Periode : 4 divisions

$$T = 5 \times 4 = 20 \text{ ms}$$

$$T = 0,02 \text{ s}$$

- b) Calculer la fréquence de ce signal électrique. ($f = \frac{1}{T}$; f en hertz ; T en seconde)

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0,02} \text{ soit } f = 50 \text{ Hz}$$

- 2) Déterminer la valeur de la tension maximale de la tension électrique aux bornes du résistor, visualisée sur la voie A, et en déduire la tension efficace associée, arrondie au dixième.

Tension maximale $U = 2 \times 4 = 8 \text{ V}$

Tension efficace $U = \frac{U}{\sqrt{2}} = \frac{8}{\sqrt{2}} \text{ soit } U = 5,7 \text{ V}$

- 3) Quel appareil permet de mesurer la tension électrique efficace ? Donner son nom, dessiner son symbole dans le tableau 3 ci-après.

| Appareil de mesure de la tension électrique efficace | Nom de l'appareil | Symbole dans un schéma d'électricité |
|--|-------------------|--|
| | voltmètre |  |

BEP UNIQUEMENT

- 4) En utilisant la loi d'Ohm pour le résistor dont la résistance est $R_1 = 10 \Omega$, calculer la valeur de l'intensité efficace traversant le circuit.

$$I = \frac{U}{R} \text{ soit } I = \frac{5,7}{10} = 0,57 \text{ A}$$

- 5) Le fusible est-il adapté à la protection de ce circuit ? Justifier votre réponse.

$I = 570 \text{ mA}$; le fusible peut supporter une intensité efficace de 350 mA ; il ne peut donc protéger l'installation

- 6) Expliquer le rôle du transformateur dans le circuit.

Abaisser la tension du réseau de 230 V à 6 V

CAP BEP

2 2

1 1

2 2

2 2

2

2

1

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

FORMULAIRE OFFICIEL BEP SECTEUR INDUSTRIEL

Identités remarquables

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2.$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2.$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2.$$

Puissances d'un nombre

$$(ab)^m = a^m b^m; \quad a^{m+n} = a^m a^n; \quad (a^m)^n = a^{mn}.$$

Racines carrées

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \sqrt{b}; \quad \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}.$$

Suites arithmétiques

Terme de rang 1 : u_1 ; raison r .

Terme de rang n : $u_n = u_{n-1} + r$; $u_n = u_1 + (n-1)r$.

Suites géométriques

Terme de rang 1 : u_1 ; raison q .

Terme de rang n : $u_n = u_{n-1} q$; $u_n = u_1 q^{n-1}$.

Statistiques

$$\text{Moyenne } \bar{x} : \bar{x} = \frac{n_1 x_1 + n_2 x_2 + \dots + n_p x_p}{N}$$

Écart-type σ :

$$\sigma^2 = \frac{n_1 (x_1 - \bar{x})^2 + n_2 (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + n_p (x_p - \bar{x})^2}{N}$$

$$\sigma^2 = \frac{n_1 x_1^2 + n_2 x_2^2 + \dots + n_p x_p^2}{N} - \bar{x}^2.$$

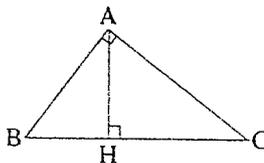
Relations dans le triangle rectangle

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

$$AH \cdot BC = AB \cdot AC$$

$$\sin \widehat{B} = \frac{AC}{BC}; \quad \cos \widehat{B} = \frac{AB}{BC}$$

$$\tan \widehat{B} = \frac{AC}{AB}.$$

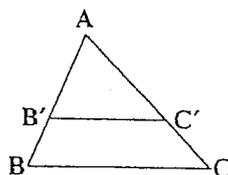


Énoncé de Thalès (relatif au triangle)

Si $(BC) \parallel (B'C')$

alors

$$\frac{AB}{AB'} = \frac{AC}{AC'}.$$



Aires dans le plan

Triangle : $\frac{1}{2} Bh$.

Parallélogramme : Bh .

Trapèze : $\frac{1}{2}(B+b)h$.

Disque : πR^2 .

Secteur circulaire angle α en degré : $\frac{\alpha}{360} \pi R^2$.

Aires et volumes dans l'espace

Cylindre de révolution ou Prisme droit d'aire de base B et de hauteur h :

$$\text{Volume} = Bh.$$

Sphère de rayon R :

$$\text{Aire} = 4\pi R^2$$

$$\text{Volume} = \frac{4}{3} \pi R^3.$$

Cône de révolution ou Pyramide d'aire de base B et de hauteur h :

$$\text{Volume} = \frac{1}{3} Bh$$

Position relative de deux droites

Les droites d'équations

$$y = ax + b \text{ et } y = a'x + b'$$

sont

- *parallèles* si et seulement si $a = a'$;

- *orthogonales* si et seulement si $aa' = -1$.

Calcul vectoriel dans le plan

$$\vec{v} \begin{vmatrix} x \\ y \end{vmatrix}; \quad \vec{v}' \begin{vmatrix} x' \\ y' \end{vmatrix}; \quad \vec{v} + \vec{v}' \begin{vmatrix} x+x' \\ y+y' \end{vmatrix}; \quad \lambda \vec{v} \begin{vmatrix} \lambda x \\ \lambda y \end{vmatrix}.$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt{x^2 + y^2}.$$

Trigonométrie

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1.$$

$$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}.$$

Résolution de triangle

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

R : rayon du cercle circonscrit

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \widehat{A}.$$

NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

CAP autonomes du secteur industriel
Formulaire de Mathématiques

Identités remarquables

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2;$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2;$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2.$$

Puissances d'un nombre

$$10^0 = 1 ; 10^1 = 10 ; 10^2 = 100 ; 10^3 = 1000.$$

$$a^2 = a \times a ; a^3 = a \times a \times a.$$

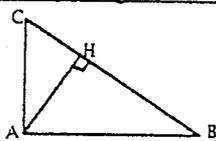
Proportionnalité

a et b sont proportionnels à c et d si $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$.

Relations métriques dans le triangle rectangle

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

$$AH \cdot BC = AB \cdot AC$$

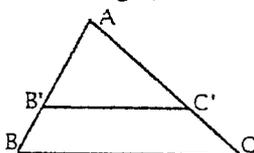


$$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC} ; \cos \hat{B} = \frac{AB}{BC} ; \tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}.$$

Énoncé de Thalès (relatif au triangle)

Si $(BC) \parallel (B'C')$,

$$\text{alors } \frac{AB}{AB'} = \frac{AC}{AC'}.$$



Aires dans le plan

Triangle : $\frac{1}{2}Bh$.

Parallélogramme : Bh .

Trapèze : $\frac{1}{2}(B+b)h$.

Disque : πR^2 .

Secteur circulaire angle α en degré :

$$\frac{\alpha}{360} \pi R^2.$$

Aires et volumes dans l'espace

Cylindre de révolution ou Prisme droit

d'aire de base B et de hauteur h :

Volume : Bh .

Sphère de rayon R :

Aire : $4\pi R^2$. Volume : $\frac{4}{3}\pi R^3$.

Cône de révolution ou Pyramide

d'aire de base B et de hauteur h :

Volume : $\frac{1}{3}Bh$.