

# BTS OPTICIEN LUNETIER

## MATHEMATIQUES

**Durée : 2 H**

**Coefficient : 2**

**Matériel autorisé :**

**Calculatrice conformément à la circulaire N°99-186 du 16/11/1999**

Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.

Le sujet comporte 4 pages, numérotées de 1/4 à 4/4.

Le formulaire comporte 3 pages.

|                                |            |                 |
|--------------------------------|------------|-----------------|
| <b>BTS OPTICIEN LUNETIER</b>   |            | SESSION 2004    |
| CODE : OLMAT                   | DUREE : 2H | Coefficient : 2 |
| EPREUVE DE MATHEMATIQUE - U.41 |            | Page 1/4        |

Les calculatrices sont autorisées conformément à la circulaire n° 99-186 du 16 novembre 1999.  
La clarté du raisonnement et la qualité de la rédaction interviennent dans l'appréciation des copies.

**EXERCICE 1 (9 points)**

L'étude des fiches de 500 patients d'un cabinet d'ophtalmologie a permis d'établir le tableau suivant.

| Tranche d'âge               | moins de 25 ans |    | de 25 ans à 45 ans |    |    | plus de 45 ans |    |    |
|-----------------------------|-----------------|----|--------------------|----|----|----------------|----|----|
| Nombre de visites annuelles | 1               | 2  | 1                  | 2  | 3  | 1              | 2  | 3  |
| Effectifs                   | 25              | 15 | 90                 | 80 | 40 | 132            | 86 | 32 |

Par exemple, 86 personnes de plus de 45 ans sont venues au cabinet deux fois dans l'année.

1° On tire une fiche au hasard dans l'ensemble des fiches des 500 patients.

On considère que tous les tirages sont équiprobables. On note  $A$  l'événement : "le patient a moins de 25 ans" et  $B$  l'événement : "le patient vient deux fois par an au cabinet".

- a) Calculer la probabilité de chacun des événements  $A$ ,  $B$  et  $A \cap B$ .
- b) Déterminer la probabilité de l'événement  $A$  sachant que l'événement  $B$  est réalisé.  
Arrondir cette probabilité à  $10^{-2}$ .

2° Soit  $X$  la variable aléatoire qui, à chaque fiche tirée au hasard dans le fichier, associe le nombre de visites annuelles inscrites sur cette fiche.

- a) Déterminer les valeurs prises par la variable aléatoire  $X$ .
- b) Déterminer la loi de probabilité de la variable aléatoire  $X$ .
- c) Calculer l'espérance mathématique de la variable aléatoire  $X$ .

3° On prélève dix fiches au hasard et avec remise dans le fichier. On appelle  $Y$  la variable aléatoire qui, à tout prélèvement de 10 fiches, associe le nombre de fiches de patients de moins de 25 ans.

- a) Justifier que la variable aléatoire  $Y$  suit une loi binomiale dont on déterminera les paramètres.
- b) Calculer l'espérance mathématique de la variable aléatoire  $Y$ .
- c) Calculer la probabilité que, dans un tel prélèvement, 2 fiches exactement correspondent à des patients de moins de 25 ans. Arrondir à  $10^{-2}$ .

4° On prélève cent fiches au hasard et avec remise dans le fichier. On considère la variable aléatoire  $Z$  qui, à chaque prélèvement de cent fiches, associe le nombre de fiches de patients de moins de 25 ans.

On admet que  $Z$  suit approximativement la loi de Poisson de paramètre 8.

- a) Déterminer, avec la précision permise par la table, la probabilité de l'événement  $E$  : "cinq fiches au plus correspondent à des patients de moins de 25 ans".
- b) On considère un entier naturel  $n$  et l'événement  $F$  : " $n$  patients au plus ont moins de 25 ans". Déterminer la valeur minimale  $n_0$  de l'entier  $n$  telle que la probabilité de  $F$  soit supérieure à 0,5.

|                                |            |                 |
|--------------------------------|------------|-----------------|
| <b>BTS OPTICIEN LUNETIER</b>   |            | SESSION 2004    |
| CODE : OLMAT                   | DUREE : 2H | Coefficient : 2 |
| EPREUVE DE MATHEMATIQUE – U.41 |            | Page 2/4        |

**EXERCICE 2 (11 points)**

Une étude statistique effectuée sur une pièce utilisée dans la fabrication des lunettes a donné les résultats suivants où :

$x$  désigne le prix unitaire en euros,

$y$  désigne la demande (la quantité demandée par les consommateurs), en milliers d'unités,

$z$  désigne l'offre (la quantité offerte sur le marché par les producteurs), en milliers d'unités.

|     |      |     |     |     |     |     |     |     |
|-----|------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| $x$ | 0,5  | 1   | 1,9 | 2,1 | 2,4 | 2,8 | 3,2 | 3,5 |
| $y$ | 10,5 | 9   | 6,9 | 6,5 | 5,9 | 5,3 | 4,7 | 4,3 |
| $z$ | 2    | 2,4 | 2,8 | 2,9 | 3   | 3,1 | 3,2 | 3,3 |

A. Etude de fonctions  $f$  et  $g$ , définies sur  $[0, 5]$   
et tracé de leurs courbes représentatives

1° On appelle  $f$  la fonction demande définie sur  $[0, 5]$  par  $f(x) = y$ .

La demande, en milliers d'unités, pour un prix de  $x$  euros est donc  $f(x)$ .

On admet que, pour tout  $x$  de  $[0, 5]$ ,  $f(x) = e^{-0,3x + 2,5}$ .

Le plan est muni d'un repère orthogonal  $(O ; \vec{i}, \vec{j})$  où l'unité graphique est 2 cm sur l'axe des abscisses et 1 cm sur l'axe des ordonnées.

a) Etudier les variations de  $f$  sur  $[0, 5]$ .

b) Construire la courbe représentative  $\mathcal{C}_f$  de la fonction  $f$ .

(On pourra utiliser le tableau de valeurs ci-dessus).

2° a) Compléter, après l'avoir reproduit, le tableau suivant dans lequel on fera figurer des valeurs approchées arrondies à  $10^{-2}$ .

|           |      |     |     |     |     |     |     |     |
|-----------|------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| $x$       | 0,5  | 1   | 1,9 | 2,1 | 2,4 | 2,8 | 3,2 | 3,5 |
| $z$       | 2    | 2,4 | 2,8 | 2,9 | 3   | 3,1 | 3,2 | 3,3 |
| $Z = e^z$ | 7,39 |     |     |     |     |     |     |     |

b) Déterminer, à l'aide d'une calculatrice, le coefficient de corrélation linéaire de la série statistique de variables  $x$  et  $Z$ . Arrondir à  $10^{-3}$ .

c) Déterminer, à l'aide d'une calculatrice, une équation de la droite de régression de  $Z$  en  $x$  sous la forme  $Z = ax + b$  où  $a$  et  $b$  sont à arrondir à  $10^{-1}$ .

d) Déduire du c) une expression de  $z$  en fonction de  $x$ .

3° On appelle  $g$  la fonction offre définie sur  $[0, 5]$ .

L'offre, en milliers d'unités, pour un prix de  $x$  euros est donc  $g(x)$ .

On admet que, pour tout  $x$  de  $[0, 5]$ ,  $g(x) = \ln(6,4x + 4,4)$ .

a) Etudier les variations de  $g$  sur  $[0, 5]$ .

b) Construire la courbe représentative  $\mathcal{C}_g$  de la fonction  $g$  dans le même repère que la courbe  $\mathcal{C}_f$ .

(On pourra utiliser le tableau de valeurs figurant au début de cet exercice, en remarquant que  $z = g(x)$ .)

|                                |            |                 |
|--------------------------------|------------|-----------------|
| <b>BTS OPTICIEN LUNETIER</b>   |            | SESSION 2004    |
| CODE : OLMAT                   | DUREE : 2H | Coefficient : 2 |
| EPREUVE DE MATHEMATIQUE - U.41 |            | Page 3/4        |

### B. Détermination du prix d'équilibre

Le prix d'équilibre est le prix de vente  $x_0$  pour lequel l'offre est égale à la demande, c'est à dire  $f(x_0) = g(x_0)$  ou  $f(x_0) - g(x_0) = 0$ .

On considère la fonction  $h$  définie sur  $[0, 5]$  par

$$h(x) = e^{-0,3x + 2,5} - \ln(6,4x + 4,4).$$

1° Vérifier que, pour tout  $x$  de  $[0, 5]$ ,  $h'(x) = f'(x) - g'(x)$ .

2° Dédire du 1°a) et du 3°a) de la partie A que, pour tout  $x$  de  $[0, 5]$ ,  $h'(x) < 0$ .

En déduire le sens de variation de  $h$  sur  $[0, 5]$ .

3° a) Démontrer que l'équation  $h(x) = 0$  admet une solution unique, notée  $x_0$ , dans  $[4 ; 4,5]$ .

b) Déterminer un encadrement d'amplitude 0,1 de  $x_0$ .

4° Expliquer par une phrase comment on peut vérifier sur la figure de la partie A le résultat obtenu au 3° de la partie B.

5° Dans cette question, pour simplifier, on prend pour prix d'équilibre  $x_0 = 4$ .

a) Calculer  $f(x_0)$ . Arrondir à  $10^{-2}$ .

b) En déduire la quantité de pièces échangées sur le marché.

|                                |            |                 |
|--------------------------------|------------|-----------------|
| <b>BTS OPTICIEN LUNETIER</b>   |            | SESSION 2004    |
| CODE : OLMAT                   | DUREE : 2H | Coefficient : 2 |
| EPREUVE DE MATHEMATIQUE - U.41 |            | Page 4/4        |

# FORMULAIRE DE MATHÉMATIQUES

## BTS OPTICIEN-LUNETIER

### 1. RELATIONS FONCTIONNELLES

$$\ln(ab) = \ln a + \ln b, \text{ où } a > 0 \text{ et } b > 0$$

$$\exp(a+b) = \exp a \times \exp b$$

### 2. CALCUL DIFFÉRENTIEL ET INTÉGRAL

#### a) Limites usuelles

##### Comportement à l'infini

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} \ln t = +\infty ;$$

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} e^t = +\infty ;$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} t^\alpha = +\infty ; \quad \text{si } \alpha < 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} t^\alpha = 0$$

##### Comportement à l'origine

$$\lim_{t \rightarrow 0} \ln t = -\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha = 0 ; \quad \text{si } \alpha < 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha = +\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha \ln t = 0.$$

##### Croissances comparées à l'infini

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} \frac{e^t}{t^\alpha} = +\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} \frac{\ln t}{t^\alpha} = 0$$

#### b) Dérivées et primitives

##### Fonctions usuelles

| $f(t)$                               | $f'(t)$               | $f(t)$      | $f'(t)$                             |
|--------------------------------------|-----------------------|-------------|-------------------------------------|
| $\ln t$                              | $\frac{1}{t}$         | $\tan t$    | $\frac{1}{\cos^2 t} = 1 + \tan^2 t$ |
| $e^t$                                | $e^t$                 | Arc sin $t$ | $\frac{1}{\sqrt{1-t^2}}$            |
| $t^\alpha \ (\alpha \in \mathbb{C})$ | $\alpha t^{\alpha-1}$ | Arc tan $t$ | $\frac{1}{1+t^2}$                   |
| $\sin t$                             | $\cos t$              |             |                                     |
| $\cos t$                             | $-\sin t$             |             |                                     |

##### Opérations

$$(u+v)' = u' + v'$$

$$(ku)' = k u'$$

$$(uv)' = u'v + uv'$$

$$\left(\frac{1}{u}\right)' = -\frac{u'}{u^2}$$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$

$$(v \circ u)' = (v' \circ u)u'$$

$$(e^u)' = e^u u'$$

$$(\ln u)' = \frac{u'}{u}, \text{ } u \text{ à valeurs strictement positives}$$

$$(u^\alpha)' = \alpha u^{\alpha-1} u'$$

#### c) Calcul intégral

Valeur moyenne de  $f$  sur  $[a, b]$  :

$$\frac{1}{b-a} \int_a^b f(t) dt$$

Intégration par parties :

$$\int_a^b u(t) v'(t) dt = [u(t)v(t)]_a^b - \int_a^b u'(t) v(t) dt$$

**d) Développements limités**

$$\sin t = t - \frac{t^3}{3!} + \frac{t^5}{5!} - \dots + (-1)^p \frac{t^{2p+1}}{(2p+1)!} + t^{2p+1} \varepsilon(t) \quad \left| \quad \cos t = 1 - \frac{t^2}{2!} + \frac{t^4}{4!} - \dots + (-1)^p \frac{t^{2p}}{(2p)!} + t^{2p} \varepsilon(t) \right.$$

**e) Equations différentielles**

| Équations            | Solutions sur un intervalle I   |
|----------------------|---|
| $a(t)x' + b(t)x = 0$ | $f(t) = ke^{-G(t)}$ où $G$ est une primitive de $t \mapsto \frac{b(t)}{a(t)}$ |

**3. PROBABILITES**

a) **Loi binomiale**  $P(X = k) = C_n^k p^k q^{n-k}$  où  $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$  ;  $E(X) = np$  ;  $\sigma(X) = \sqrt{npq}$

b) **Loi de Poisson**

$$P(X = k) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^k}{k!}$$

$$E(X) = \lambda$$

$$V(X) = \lambda$$

| $k \backslash \lambda$ | 0,2    | 0,3    | 0,4    | 0,5    | 0,6    |
|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 0                      | 0,8187 | 0,7408 | 0,6703 | 0,6065 | 0,5488 |
| 1                      | 0,1637 | 0,2222 | 0,2681 | 0,3033 | 0,3293 |
| 2                      | 0,0164 | 0,0333 | 0,0536 | 0,0758 | 0,0988 |
| 3                      | 0,0011 | 0,0033 | 0,0072 | 0,0126 | 0,0198 |
| 4                      | 0,0000 | 0,0003 | 0,0007 | 0,0016 | 0,0030 |
| 5                      |        | 0,0000 | 0,0001 | 0,0002 | 0,0003 |
| 6                      |        |        | 0,0000 | 0,0000 | 0,0000 |

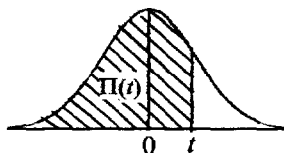
| $k \backslash \lambda$ | 1     | 1.5   | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8     | 9     | 10    |
|------------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0                      | 0.368 | 0.223 | 0.135 | 0.050 | 0.018 | 0.007 | 0.002 | 0.001 | 0.000 | 0.000 | 0.000 |
| 1                      | 0.368 | 0.335 | 0.271 | 0.149 | 0.073 | 0.034 | 0.015 | 0.006 | 0.003 | 0.001 | 0.000 |
| 2                      | 0.184 | 0.251 | 0.271 | 0.224 | 0.147 | 0.084 | 0.045 | 0.022 | 0.011 | 0.005 | 0.002 |
| 3                      | 0.061 | 0.126 | 0.180 | 0.224 | 0.195 | 0.140 | 0.089 | 0.052 | 0.029 | 0.015 | 0.008 |
| 4                      | 0.015 | 0.047 | 0.090 | 0.168 | 0.195 | 0.176 | 0.134 | 0.091 | 0.057 | 0.034 | 0.019 |
| 5                      | 0.003 | 0.014 | 0.036 | 0.101 | 0.156 | 0.176 | 0.161 | 0.128 | 0.092 | 0.061 | 0.038 |
| 6                      | 0.001 | 0.004 | 0.012 | 0.050 | 0.104 | 0.146 | 0.161 | 0.149 | 0.122 | 0.091 | 0.063 |
| 7                      | 0.000 | 0.001 | 0.003 | 0.022 | 0.060 | 0.104 | 0.138 | 0.149 | 0.140 | 0.117 | 0.090 |
| 8                      |       | 0.000 | 0.001 | 0.008 | 0.030 | 0.065 | 0.103 | 0.130 | 0.140 | 0.132 | 0.113 |
| 9                      |       |       | 0.000 | 0.003 | 0.013 | 0.036 | 0.069 | 0.101 | 0.124 | 0.132 | 0.125 |
| 10                     |       |       |       | 0.001 | 0.005 | 0.018 | 0.041 | 0.071 | 0.099 | 0.119 | 0.125 |
| 11                     |       |       |       | 0.000 | 0.002 | 0.008 | 0.023 | 0.045 | 0.072 | 0.097 | 0.114 |
| 12                     |       |       |       |       | 0.001 | 0.003 | 0.011 | 0.026 | 0.048 | 0.073 | 0.095 |
| 13                     |       |       |       |       |       | 0.000 | 0.001 | 0.005 | 0.014 | 0.030 | 0.050 |
| 14                     |       |       |       |       |       |       | 0.000 | 0.002 | 0.007 | 0.017 | 0.032 |
| 15                     |       |       |       |       |       |       |       | 0.001 | 0.003 | 0.009 | 0.019 |
| 16                     |       |       |       |       |       |       |       |       | 0.001 | 0.005 | 0.011 |
| 17                     |       |       |       |       |       |       |       |       |       | 0.001 | 0.006 |
| 18                     |       |       |       |       |       |       |       |       |       |       | 0.003 |
| 19                     |       |       |       |       |       |       |       |       |       |       |       |
| 20                     |       |       |       |       |       |       |       |       |       |       | 0.001 |
| 21                     |       |       |       |       |       |       |       |       |       |       |       |
| 22                     |       |       |       |       |       |       |       |       |       |       | 0.000 |

c) **Loi normale**

La loi normale centrée réduite est caractérisée par la densité de probabilité :  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$

EXTRAITS DE LA TABLE DE LA FONCTION INTEGRALE DE LA LOI NORMALE CENTREE, REDUITE  $\mathcal{N}(0,1)$

$$\Pi(t) = P(T \leq t) = \int_{-\infty}^t f(x) dx$$



| t   | 0,00    | 0,01    | 0,02    | 0,03    | 0,04    | 0,05    | 0,06    | 0,07    | 0,08    | 0,09    |
|-----|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| 0,0 | 0,500 0 | 0,504 0 | 0,508 0 | 0,512 0 | 0,516 0 | 0,519 9 | 0,523 9 | 0,527 9 | 0,531 9 | 0,535 9 |
| 0,1 | 0,539 8 | 0,543 8 | 0,547 8 | 0,551 7 | 0,555 7 | 0,559 6 | 0,563 6 | 0,567 5 | 0,571 4 | 0,575 3 |
| 0,2 | 0,579 3 | 0,583 2 | 0,587 1 | 0,591 0 | 0,594 8 | 0,598 7 | 0,602 6 | 0,606 4 | 0,610 3 | 0,614 1 |
| 0,3 | 0,617 9 | 0,621 7 | 0,625 5 | 0,629 3 | 0,633 1 | 0,636 8 | 0,640 6 | 0,644 3 | 0,648 0 | 0,651 7 |
| 0,4 | 0,655 4 | 0,659 1 | 0,662 8 | 0,666 4 | 0,670 0 | 0,673 6 | 0,677 2 | 0,680 8 | 0,684 4 | 0,687 9 |
| 0,5 | 0,691 5 | 0,695 0 | 0,698 5 | 0,701 9 | 0,705 4 | 0,708 8 | 0,712 3 | 0,715 7 | 0,719 0 | 0,722 4 |
| 0,6 | 0,725 7 | 0,729 0 | 0,732 4 | 0,735 7 | 0,738 9 | 0,742 2 | 0,745 4 | 0,748 6 | 0,751 7 | 0,754 9 |
| 0,7 | 0,758 0 | 0,761 1 | 0,764 2 | 0,767 3 | 0,770 4 | 0,773 4 | 0,776 4 | 0,779 4 | 0,782 3 | 0,785 2 |
| 0,8 | 0,788 1 | 0,791 0 | 0,793 9 | 0,796 7 | 0,799 5 | 0,802 3 | 0,805 1 | 0,807 8 | 0,810 6 | 0,813 3 |
| 0,9 | 0,815 9 | 0,818 6 | 0,821 2 | 0,823 8 | 0,825 4 | 0,828 9 | 0,831 5 | 0,834 0 | 0,836 5 | 0,838 9 |
| 1,0 | 0,841 3 | 0,843 8 | 0,846 1 | 0,848 5 | 0,850 8 | 0,853 1 | 0,855 4 | 0,857 7 | 0,859 9 | 0,862 1 |
| 1,1 | 0,864 3 | 0,866 5 | 0,868 6 | 0,870 8 | 0,872 9 | 0,874 9 | 0,877 0 | 0,879 0 | 0,881 0 | 0,883 0 |
| 1,2 | 0,884 9 | 0,886 9 | 0,888 8 | 0,890 7 | 0,892 5 | 0,894 4 | 0,896 2 | 0,898 0 | 0,899 7 | 0,901 5 |
| 1,3 | 0,903 2 | 0,904 9 | 0,906 6 | 0,908 2 | 0,909 9 | 0,911 5 | 0,913 1 | 0,914 7 | 0,916 2 | 0,917 7 |
| 1,4 | 0,919 2 | 0,920 7 | 0,922 2 | 0,923 6 | 0,925 1 | 0,926 5 | 0,927 9 | 0,929 2 | 0,930 6 | 0,931 9 |
| 1,5 | 0,933 2 | 0,934 5 | 0,935 7 | 0,937 0 | 0,938 2 | 0,939 4 | 0,940 6 | 0,941 8 | 0,942 9 | 0,944 1 |
| 1,6 | 0,945 2 | 0,946 3 | 0,947 4 | 0,948 4 | 0,949 5 | 0,950 5 | 0,951 5 | 0,952 5 | 0,953 5 | 0,954 5 |
| 1,7 | 0,955 4 | 0,956 4 | 0,957 3 | 0,958 2 | 0,959 1 | 0,959 9 | 0,960 8 | 0,961 6 | 0,962 5 | 0,963 3 |
| 1,8 | 0,964 1 | 0,964 9 | 0,965 6 | 0,966 4 | 0,967 1 | 0,967 8 | 0,968 6 | 0,969 3 | 0,969 9 | 0,970 6 |
| 1,9 | 0,971 3 | 0,971 9 | 0,972 6 | 0,973 2 | 0,973 8 | 0,974 4 | 0,975 0 | 0,975 6 | 0,976 1 | 0,976 7 |
| 2,0 | 0,977 2 | 0,977 9 | 0,978 3 | 0,978 8 | 0,979 3 | 0,979 8 | 0,980 3 | 0,980 8 | 0,981 2 | 0,981 7 |
| 2,1 | 0,982 1 | 0,982 6 | 0,983 0 | 0,983 4 | 0,983 8 | 0,984 2 | 0,984 6 | 0,985 0 | 0,985 4 | 0,985 7 |
| 2,2 | 0,986 1 | 0,986 4 | 0,986 8 | 0,987 1 | 0,987 5 | 0,987 8 | 0,988 1 | 0,988 4 | 0,988 7 | 0,989 0 |
| 2,3 | 0,989 3 | 0,989 6 | 0,989 8 | 0,990 1 | 0,990 4 | 0,990 6 | 0,990 9 | 0,991 1 | 0,991 3 | 0,991 6 |
| 2,4 | 0,991 8 | 0,992 0 | 0,992 2 | 0,992 5 | 0,992 7 | 0,992 9 | 0,993 1 | 0,993 2 | 0,993 4 | 0,993 6 |
| 2,5 | 0,993 8 | 0,994 0 | 0,994 1 | 0,994 3 | 0,994 5 | 0,994 6 | 0,994 8 | 0,994 9 | 0,995 1 | 0,995 2 |
| 2,6 | 0,995 3 | 0,995 5 | 0,995 6 | 0,995 7 | 0,995 9 | 0,996 0 | 0,996 1 | 0,996 2 | 0,996 3 | 0,996 4 |
| 2,7 | 0,996 5 | 0,996 6 | 0,996 7 | 0,996 8 | 0,996 9 | 0,997 0 | 0,997 1 | 0,997 2 | 0,997 3 | 0,997 4 |
| 2,8 | 0,997 4 | 0,997 5 | 0,997 6 | 0,997 7 | 0,997 7 | 0,997 8 | 0,997 9 | 0,997 9 | 0,998 0 | 0,998 1 |
| 2,9 | 0,998 1 | 0,998 2 | 0,998 2 | 0,998 3 | 0,998 4 | 0,998 4 | 0,998 5 | 0,998 5 | 0,998 6 | 0,998 6 |

TABLE POUR LES GRANDES VALEURS DE t

| t        | 3,0      | 3,1      | 3,2      | 3,3      | 3,4      | 3,5      | 3,6       | 3,8       | 4,0       | 4,5       |
|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|-----------|-----------|-----------|-----------|
| $\Pi(t)$ | 0,998 65 | 0,999 04 | 0,999 31 | 0,999 52 | 0,999 66 | 0,999 76 | 0,999 841 | 0,999 928 | 0,999 968 | 0,999 997 |

Nota :  $\Pi(-t) = 1 - \Pi(t)$