

BACCALAURÉAT PROFESSIONNEL
PRODUCTIQUE MÉCANIQUE
Option usinage

E1
ÉPREUVE SCIENTIFIQUE ET TECHNIQUE
Sous-épreuve B1
MATHÉMATIQUES ET SCIENCES PHYSIQUES

Durée : 2 heures

Coefficient : 2

Le matériel autorisé comprend toutes les calculatrices de poche y compris les calculatrices programmables, alphanumériques ou à écran graphique à condition que leur fonctionnement soit autonome et qu'il ne soit pas fait usage d'imprimante (Réf. C n° 99-018 du 1-2-1999).

Ce sujet comporte 8 pages dont le formulaire et 3 annexes (à remettre avec la copie).

MATHÉMATIQUES (15 points)

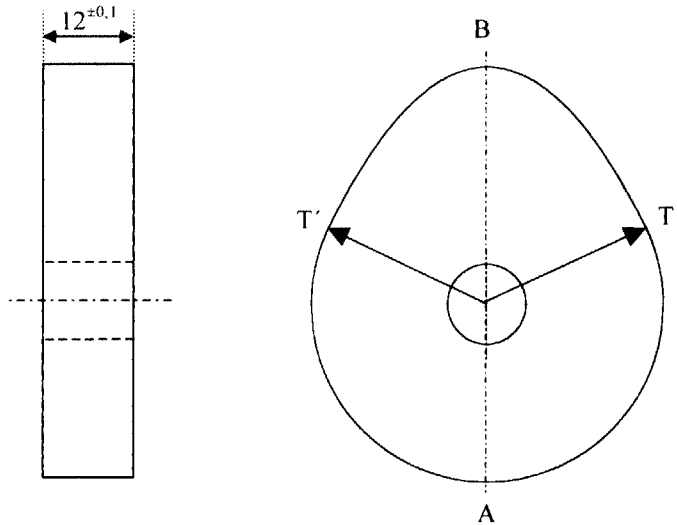
On fabrique une série de cames à l'aide d'une fraiseuse à commande numérique.

EXERCICE 1 : (7 points) *Partie supérieure de la came.*

Le profil d'une came représentée sur la figure ci-contre est constitué d'un arc de cercle $\widehat{TAT'}$ dans sa partie inférieure et d'un arc de parabole $\widehat{TBT'}$ dans sa partie supérieure.

Cet arc de parabole est la représentation graphique de la fonction f définie sur l'intervalle $[-20 ; 20]$ par :

$$f(x) = -0,05x^2 + 30$$



1. Déterminer la dérivée f' de la fonction f .
2. Résoudre l'équation $f'(x) = 0$ et compléter le tableau de variation de f sur **l'annexe 1 à remettre avec la copie.**
3. Compléter le tableau des valeurs de f situé sur **l'annexe 1.**
4. Le point T est le point de la représentation graphique de f d'abscisse 20.
 - a) Calculer $f'(20)$.
 - b) Montrer que la tangente (Δ) au point T de l'arc de parabole $\widehat{TBT'}$ a pour équation :

$$y = -2x + 50.$$
5. La partie inférieure de la came (arc de cercle) a été représentée dans le repère situé sur **l'annexe 1**. Tracer dans ce repère la tangente (Δ) et l'arc de parabole $\widehat{TBT'}$, représentation graphique de la fonction f .

EXERCICE 2 : (4 points) *Étude du point de raccordement T.*

Le point T est un point de raccordement entre l'arc de parabole et l'arc de cercle (voir repère dans **l'annexe 1**).

1. Calculer les coordonnées du vecteur \vec{OT} .
2. La tangente (Δ) (Exercice 1, question 4.b) coupe l'axe des ordonnées en U.
Calculer les coordonnées du point U puis celles du vecteur \vec{UT} .
3. a) Calculer le produit scalaire $\vec{OT} \cdot \vec{UT}$.
b) En déduire que la droite (Δ) est tangente en T à l'arc de cercle $\widehat{TAT'}$.

EXERCICE 3 : (3 points) *Réglage de la fraiseuse.*

On a relevé l'épaisseur de 40 cames dans le but de déterminer le C.A.M. (Coefficient d'Aptitude Machine).

Ce contrôle fournit la série statistique suivante :

Épaisseur (mm)	Effectif
[11,90 ; 11,94[5
[11,94 ; 11,98[6
[11,98 ; 12,02[15
[12,02 ; 12,06[12
[12,06 ; 12,10[2

- En considérant que l'effectif de chaque classe est affecté au centre de la classe, calculer :
 - la moyenne \bar{x} de cette série,
 - l'écart-type σ arrondi au centième.
- L'intervalle de tolérance IT pour l'épaisseur de la came est 0,2 mm. Calculer le C.A.M. sachant qu'il est défini par :

$$C.A.M. = \frac{IT}{6\sigma}$$

- La machine est bien adaptée si : C.A.M. < 1. Est-ce le cas ?

EXERCICE 4 : (1 point) *Loi d'usure – Droite de Taylor*

La « droite de TAYLOR » permet de modifier :

- la vitesse de coupe en fonction du temps ;
- le temps en fonction de la vitesse de coupe ;
- de prévoir le changement ou l'affûtage d'un outil.

En utilisant « la droite de Taylor » dans le repère à échelles logarithmiques de **l'annexe 2 à remettre avec la copie**, déterminer graphiquement en laissant les traits de construction apparents :

- Le temps de coupe pour une vitesse de 300 m/min.
- La vitesse de coupe pour un temps de coupe de 10 min.

ANNEXE 1

(À REMETTRE AVEC LA COPIE)

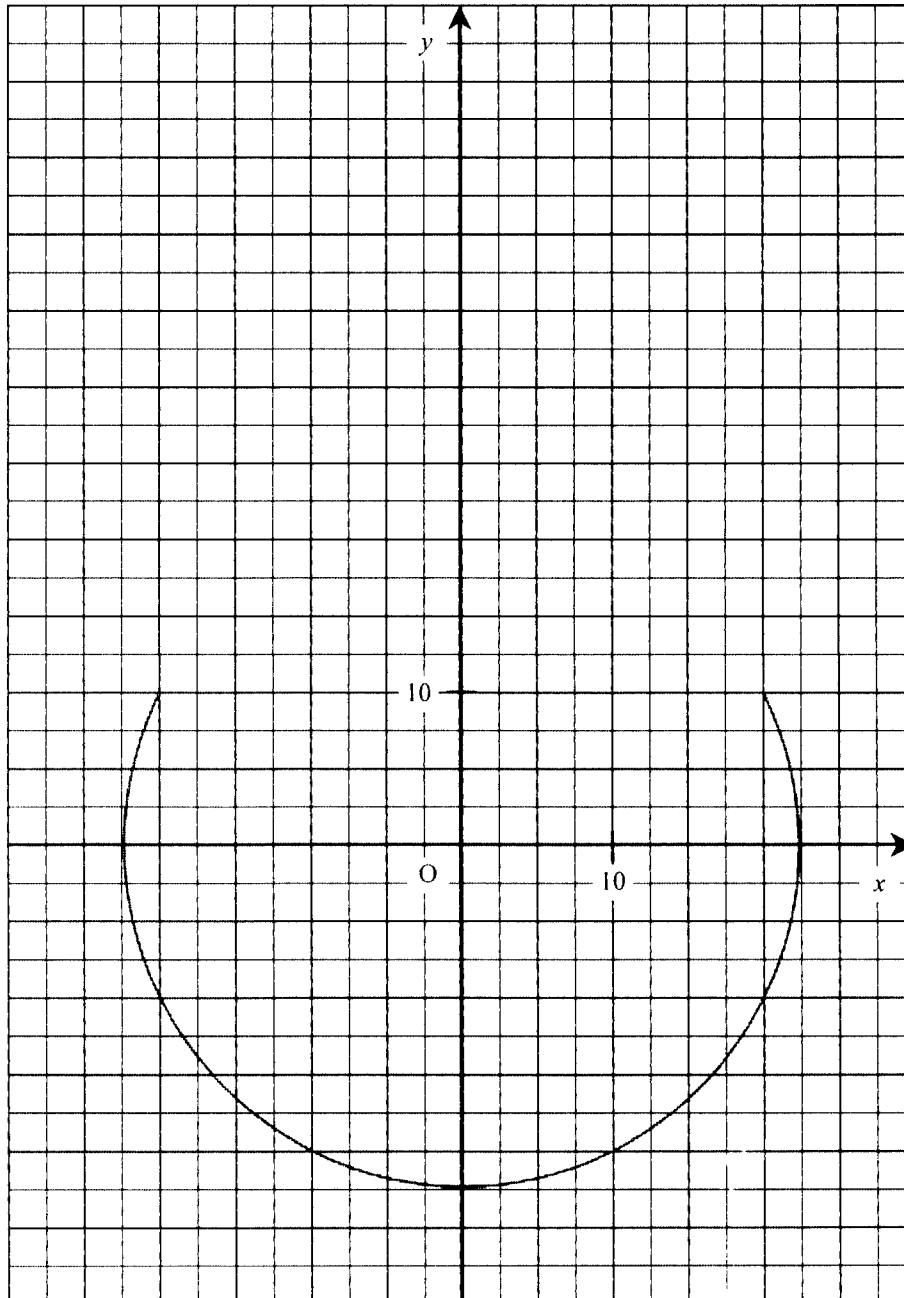
EXERCICE 1 : Question 2. *Tableau de variation*

x	- 20	...	20
$f'(x)$	0		
$f(x)$			

Question 3. *Tableau de valeurs*

x	- 20	- 15	- 10	- 5	0	5	10	15	20
$f(x)$									

Question 5.

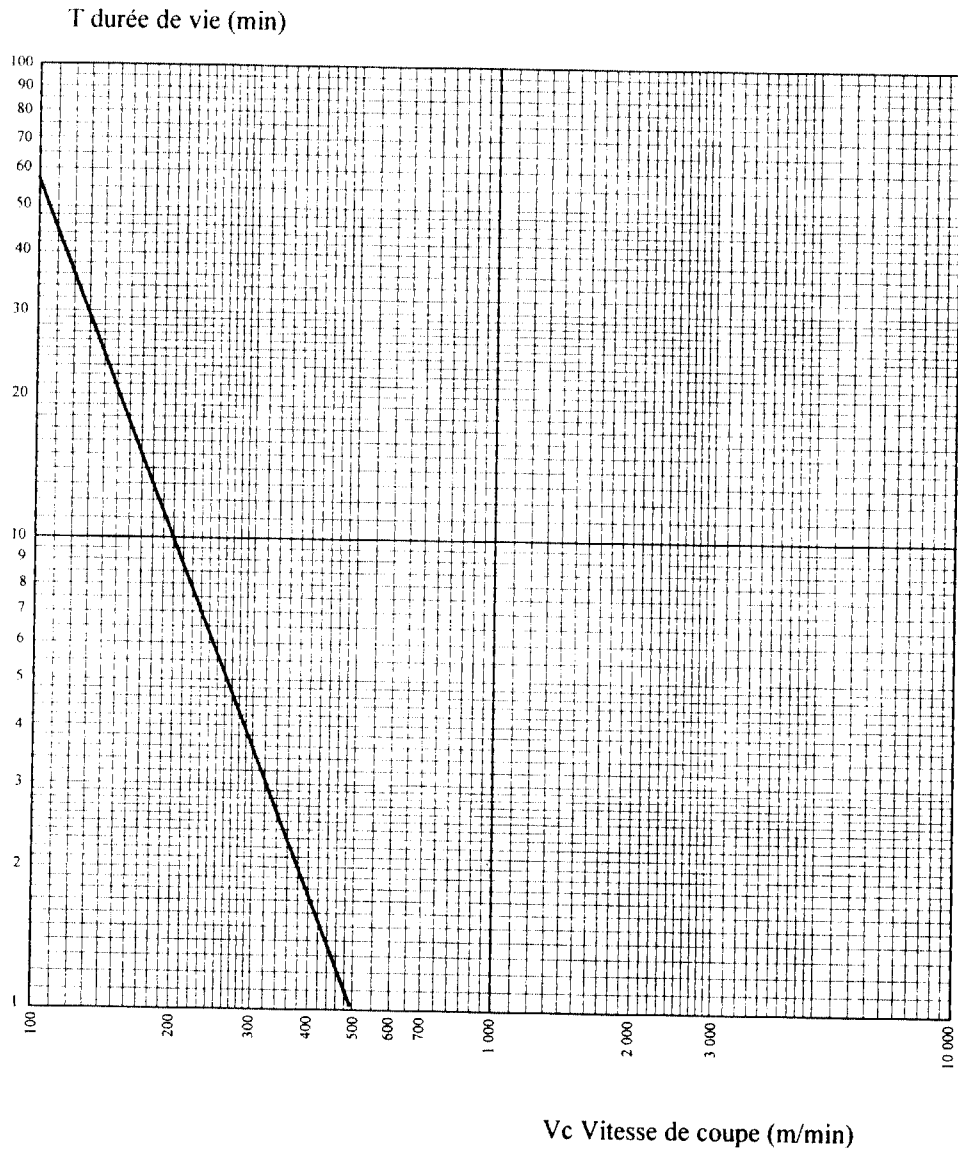


ANNEXE 2

(À REMETTRE AVEC LA COPIE)

EXERCICE 4 : Droite de Taylor

Exemple pour acier C35 , outil en carbure P10, critère d'usure choisi $V_b = 0,2$ mm.

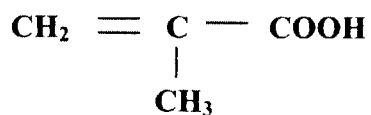


SCIENCES PHYSIQUES (5 points)

EXERCICE 1 (2 points)

Étude du méthacrylate de méthyle (molécule chimique servant à fabriquer des lentilles convergentes).

Formule semi-développée d'une molécule de méthacrylate de méthyle :



1. Donner le nom des éléments chimiques qui composent la molécule.
2. Calculer la masse molaire de la molécule.

Données : $M(\text{C})=12\text{g/mol}$; $M(\text{O})=16\text{g/mol}$; $M(\text{H})=1\text{g/mol}$.

EXERCICE 2 (3 points)

Étude de la lentille convergente.

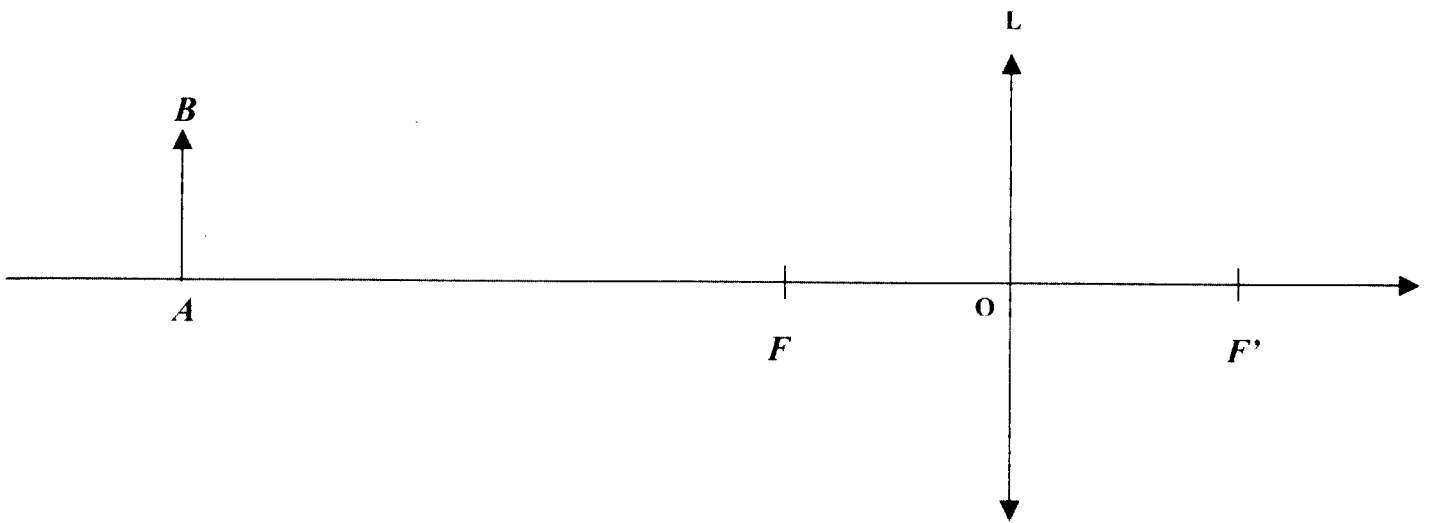
La distance focale d'une lentille convergente L de centre optique O est égale à 3cm. F et F' sont les foyers. Un objet AB de hauteur 2 cm est placé perpendiculairement à l'axe optique de la lentille et à 11 cm devant celle-ci. Le point A est sur l'axe optique et la lumière se propage de la gauche vers la droite (voir annexe 3).

L'unité est le centimètre.

1. Sur l'annexe 3 (à remettre avec la copie), construire A'B', l'image de AB.
2.
 - a) Donner les valeurs de \overline{OF} , $\overline{OF'}$ et \overline{OA} .
 - b) Calculer $\overline{OA'}$ et $\overline{A'B'}$ (valeurs arrondies à 0,1).
3. L'image obtenue est-elle réelle ou virtuelle ?

Données : $\frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}}$ et $\frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{\overline{OF'}}$

ANNEXE 3
(À REMETTRE AVEC LA COPIE)



FORMULAIRE DE MATHÉMATIQUES DU BACCALAUREAT PROFESSIONNEL
Secteur industriel : Artisanat, Bâtiment, Maintenance - Productive
 (Arrêté du 9 mai 1995 - BO spécial n°11 du 15 juin 1995)

<u>Fonction f</u>	<u>Dérivée f'</u>
$f(x)$	$f'(x)$
$ax + b$	a
x^2	$2x$
x^3	$3x^2$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$
$u(x) + v(x)$	$u'(x) + v'(x)$
$a u(x)$	$a u'(x)$

Logarithme népérien : ln

$\ln(ab) = \ln a + \ln b$ $\ln(a^n) = n \ln a$
 $\ln(a/b) = \ln a - \ln b$

Equation du second degré $ax^2 + bx + c = 0$

$\Delta = b^2 - 4ac$

- Si $\Delta > 0$, deux solutions réelles :

$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$ et $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$

- Si $\Delta = 0$, une solution réelle double :

$x_1 = x_2 = -\frac{b}{2a}$

- Si $\Delta < 0$, aucune solution réelle

Si $\Delta \geq 0$, $ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$

Suites arithmétiques

Terme de rang 1 : u_1 et raison r

Terme de rang n : $u_n = u_1 + (n-1)r$

Somme des k premiers termes :

$u_1 + u_2 + \dots + u_k = \frac{k(u_1 + u_k)}{2}$

Suites géométriques

Terme de rang 1 : u_1 et raison q

Terme de rang n : $u_n = u_1 q^{n-1}$

Somme des k premiers termes :

$u_1 + u_2 + \dots + u_k = u_1 \frac{1 - q^k}{1 - q}$

Trigonométrie

$\sin(a+b) = \sin a \cos b + \sin b \cos a$

$\cos(a+b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$

$\cos 2a = 2\cos^2 a - 1$

$= 1 - 2\sin^2 a$

$\sin 2a = 2 \sin a \cos a$

Statistiques

Effectif total $N = \sum_{i=1}^p n_i$

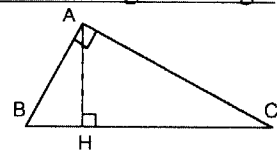
Moyenne $\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^p n_i x_i}{N}$

Variance $V = \frac{\sum_{i=1}^p n_i (x_i - \bar{x})^2}{N} = \frac{\sum_{i=1}^p n_i x_i^2}{N} - \bar{x}^2$

Ecart type $\sigma = \sqrt{V}$

Relations métriques dans le triangle rectangle

$AB^2 + AC^2 = BC^2$



$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$; $\cos \hat{B} = \frac{AB}{BC}$; $\tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$

Résolution de triangle

$\frac{a}{\sin \hat{A}} = \frac{b}{\sin \hat{B}} = \frac{c}{\sin \hat{C}} = 2R$

R : rayon du cercle circonscrit

$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \hat{A}$

Aires dans le plan

Triangle : $\frac{1}{2} bc \sin \hat{A}$

Trapeze : $\frac{1}{2} (B+b)h$

Disque : πR^2

Aires et volumes dans l'espace

Cylindre de révolution ou prisme droit d'aire de base B et de hauteur h : Volume Bh

Sphère de rayon R :

Aire : $4\pi R^2$ Volume : $\frac{4}{3} \pi R^3$

Cône de révolution ou pyramide de base B et de hauteur h : Volume $\frac{1}{3} Bh$

Calcul vectoriel dans le plan - dans l'espace

$\vec{v} \cdot \vec{v}' = xx' + yy'$ $\vec{v} \cdot \vec{v}' = xx' + yy' + zz'$
 $\|\vec{v}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$ $\|\vec{v}\| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$

Si $\vec{v} \neq \vec{0}$ et $\vec{v}' \neq \vec{0}$:

$\vec{v} \cdot \vec{v}' = \|\vec{v}\| \|\vec{v}'\| \cos(\angle(\vec{v}, \vec{v}'))$

$\vec{v} \cdot \vec{v}' = 0$ si et seulement si $\vec{v} \perp \vec{v}'$