

BREVET PROFESSIONNEL

INSTALLATIONS ET EQUIPEMENTS ELECTRIQUES

MATHEMATIQUES

SUJET

*Tous les calculs doivent être justifiés.
Les calculatrices sont autorisées*

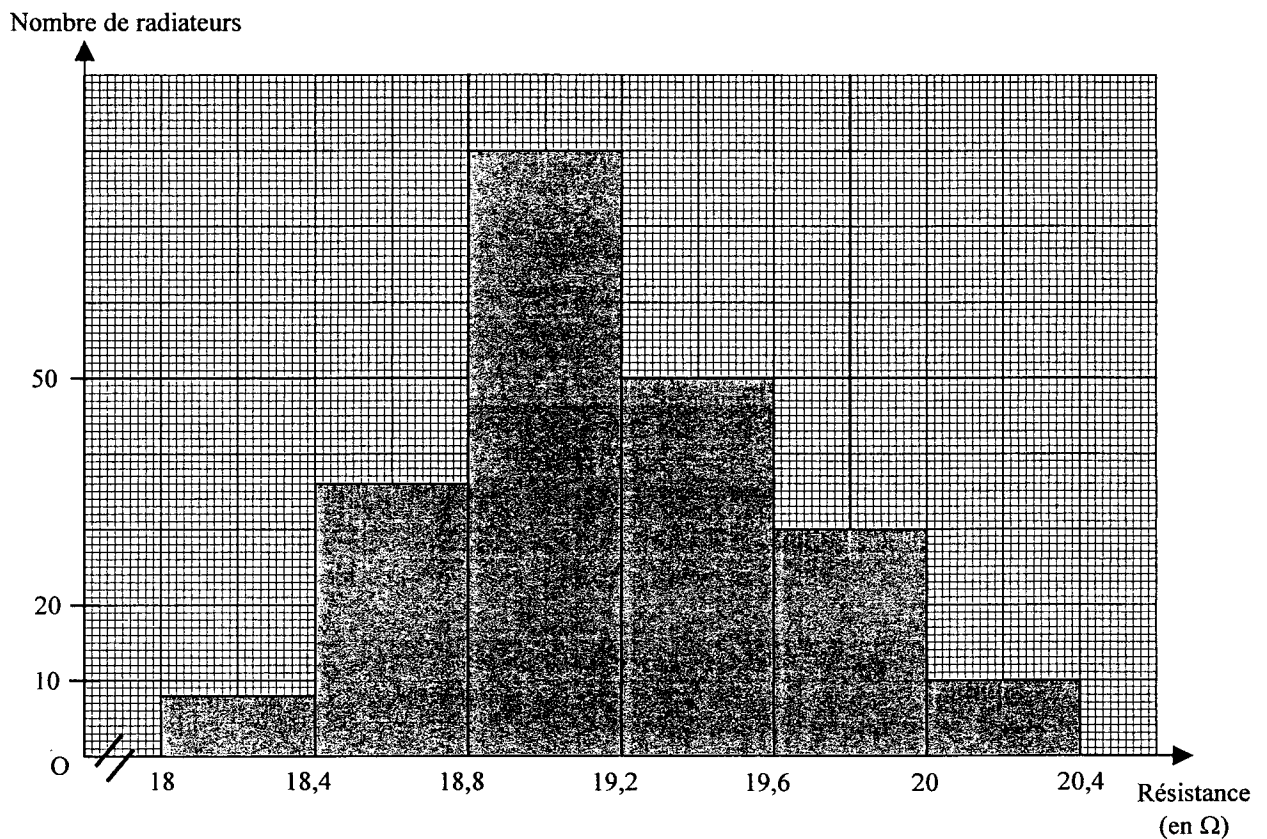
SESSION PRINTEMPS 2005

LE CANDIDAT DOIT REpondre SUR LE SUJET.

ACADEMIE DE GRENOBLE	SESSION PRINTEMPS 2005	SUJET
Examen : BREVET PROFESSIONNEL Installation en Equipements Electriques	Durée : 2 heures	Page 1 sur 5
Epreuve : Mathématiques	Coefficient : 3	

EXERCICE N°1 : (7,5 Points)

Le technicien d'une entreprise fabriquant des radiateurs électriques a effectué le contrôle de la valeur de la résistance de l'élément chauffant d'une série de radiateurs. Les résultats obtenus sont donnés par l'histogramme ci-dessous.



1.1. En utilisant l'histogramme donné, compléter le tableau ci-dessous :

Résistances (en Ω)	Nombre de radiateurs n_i	Centrale de classe R_i	$n_i \cdot R_i$
[18 ; 18,4[8	18,2	145,6
	N = 214		$\Sigma n_i \cdot R_i = 4101,2$

ACADEMIE DE GRENOBLE	SESSION PRINTEMPS 2005	SUJET
Examen : BREVET PROFESSIONNEL Installation en Equipements Electriques	Durée : 2 heures	Page 2 sur 5
Epreuve : Mathématiques	Coefficient : 3	

1.2. Calculer, en ohm, la valeur moyenne \bar{R} de la résistance de l'élément chauffant des radiateurs contrôlés . Donner le résultat arrondi à 0,1.

1.3. La valeur de la résistance de l'élément chauffant est acceptable lorsqu'elle appartient à l'intervalle $[18,4 ; 20[$.

1.3.1. Calculer le nombre de radiateurs dont la valeur de la résistance de l'élément chauffant appartient à cet intervalle.

1.3.2. Calculer, en pourcentage, le nombre de radiateurs dont la valeur de la résistance de l'élément chauffant est acceptable par rapport au nombre total de radiateurs contrôlés. Donner le résultat arrondi à 0,1.

1.4. Un artisan commande 196 radiateurs à cette entreprise. Chaque radiateur est vendu 125 € hors taxes. Il commande également diverses fournitures pour un montant de 1327 € hors taxes.

Cet artisan bénéficie d'une remise de 5 % sur le montant hors taxes de sa commande.

1.4.1. Calculer le montant total hors taxes de cette commande.

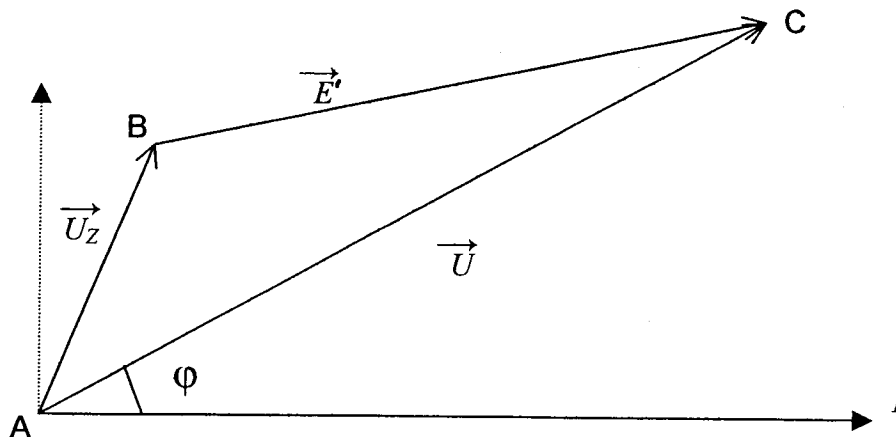
1.4.2. Calculer le montant de la remise accordée à cet artisan.

1.4.3. Calculer le montant toutes taxes comprises de cette commande sachant que le taux de la TVA est de 19,6 %.

ACADEMIE DE GRENOBLE	SESSION PRINTEMPS 2005	SUJET
Examen : BREVET PROFESSIONNEL Installation en Equipements Electriques	Durée : 2 heures	Page 3 sur 5
Epreuve : Mathématiques	Coefficient : 3	

EXERCICE 2 : (5 points)

La représentation vectorielle simplifiée de la phase d'un moteur à courant alternatif est donnée par la figure ci-dessous :



Données : $E' = 240 \text{ V}$; $U_z = 80 \text{ V}$;

On a mesuré : $\widehat{ABC} = 107^\circ$

La valeur du déphasage de la tension \vec{U}_z par rapport à l'intensité I est de 82° .

2.1. Calculer, en volt, la valeur de la tension U aux bornes du moteur. Donner le résultat arrondi à l'unité.

2.2. Calculer, en degré, la valeur α de l'angle \widehat{BAC} . Donner le résultat arrondi à l'unité.

2.3. En déduire la valeur du déphasage φ et la valeur du facteur de puissance $\cos \varphi$:

Rappel des formules : $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \widehat{A}$

$$\frac{a}{\sin \widehat{A}} = \frac{b}{\sin \widehat{B}} = \frac{c}{\sin \widehat{C}}$$

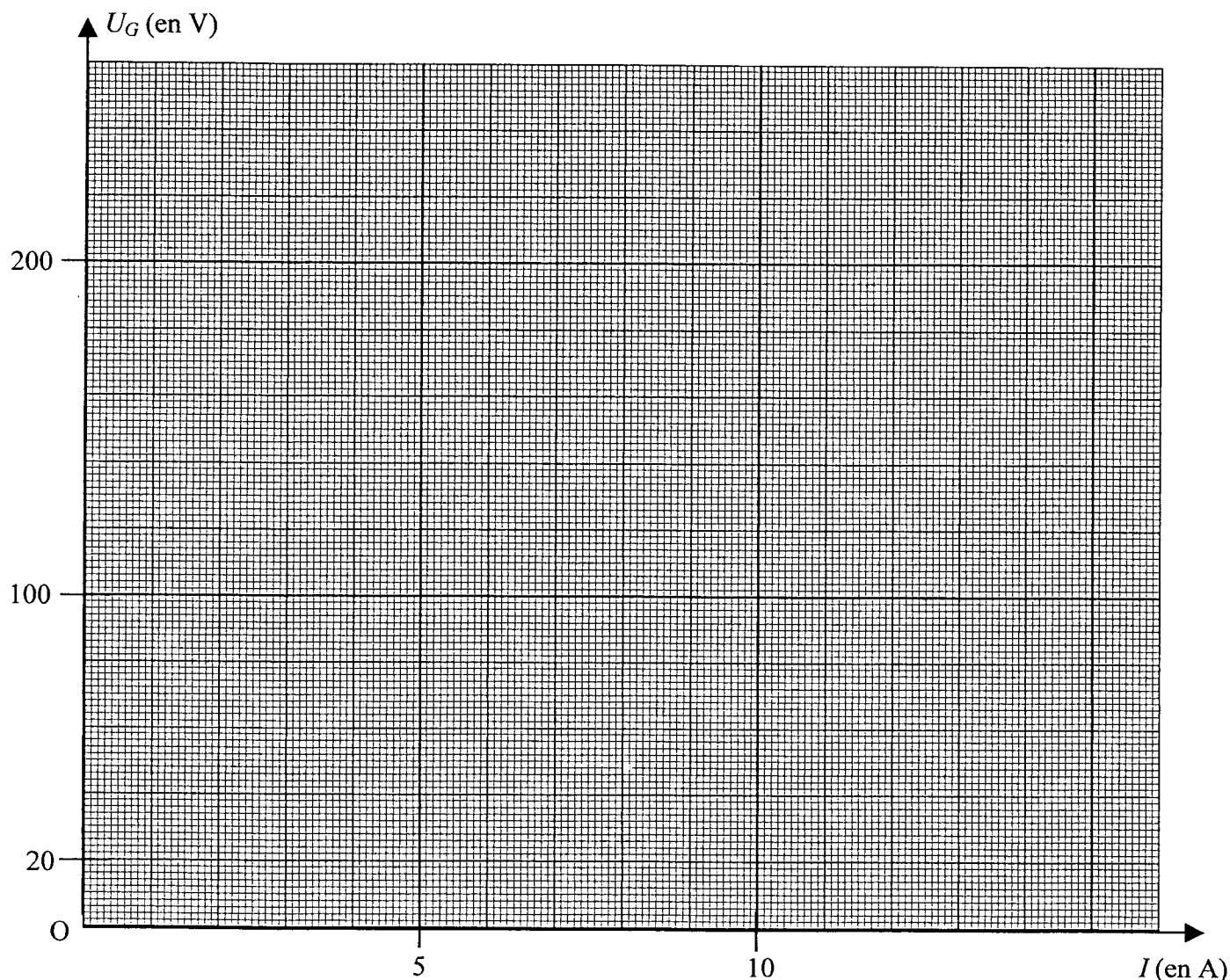
ACADEMIE DE GRENOBLE	SESSION PRINTEMPS 2005	SUJET
Examen : BREVET PROFESSIONNEL Installation en Equipements Electriques	Durée : 2 heures	Page 4 sur 5
Epreuve : Mathématiques	Coefficient : 3	

EXERCICE N° 3 : (7,5 points)

Des mesures de la tension U_G aux bornes d'un générateur et de l'intensité I du courant débité sont données dans le tableau ci-dessous :

I (en A)	6	10	16
U_G (en V)	225	215	200

3.1. Placer les points de coordonnées $(I ; U_G)$ dans le repère ci-dessous. Tracer la droite.



3.2. Déterminer graphiquement la valeur de la tension à vide aux bornes de ce générateur.

3.3. Déterminer graphiquement la valeur de la tension aux bornes du générateur lorsqu'il débite un courant d'intensité égale à 8 A. Laisser apparents les traits utiles à la lecture.

3.4. Déterminer graphiquement la valeur de l'intensité I du courant débité par le générateur lorsque la tension à ses bornes est égale à 230 V. Laisser apparents les traits utiles à la lecture.

ACADEMIE DE GRENOBLE	SESSION PRINTEMPS 2005	SUJET
Examen : BREVET PROFESSIONNEL Installation en Equipements Electriques	Durée : 2 heures	Page 5 sur 5
Epreuve : Mathématiques	Coefficient : 3	

3.5. L'équation de cette caractéristique est de la forme : $y = ax + b$.
Déterminer les valeurs des coefficients « a » et « b » puis écrire l'équation de la caractéristique $U_G = f(I)$ aux bornes du générateur.

3.6. On relie un récepteur aux bornes de ce générateur. La caractéristique $U_R = f(I)$ de ce récepteur a pour équation : $U_R = 1,5 I^2$.

3.6.1. Compléter le tableau ci-dessous. Donner chaque valeur arrondie à 0,1.

I (en A)			5,2					12,5
U_R (en V)	0	20	40	60	100	150	200	236

3.6.2. Placer les points de coordonnées $(I ; U_R)$ dans le même repère de la page 4/5.
Tracer la caractéristique correspondant à ce récepteur.

3.6.3. Déterminer graphiquement le point de fonctionnement de l'ensemble générateur – récepteur.

3.6.4. Retrouver ces résultats par le calcul en résolvant l'équation $U_G = U_R$.

Rappel des formules : $ax^2 + bx + c = 0$

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Si $\Delta > 0$ l'équation admet deux solutions distinctes :

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$$

$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$$