

Ce document a été numérisé par le <u>CRDP de Montpellier</u> pour la Base Nationale des Sujets d'Examens de l'enseignement professionnel

Ce fichier numérique ne peut être reproduit, représenté, adapté ou traduit sans autorisation.

MET	ROPOLE – REUNION – MAYOTTE- ANTILLES - GUYANE	Session 2009		
	Examen: CAP		Coefficient	2
SUJET	Spécialité : Secteur 1 : Productique et mai	lité : Secteur 1 : Productique et maintenance ve : Mathématiques - Sciences		2 h
	Épreuve: Mathématiques - Sciences			1/11

Ce sujet comporte 11 pages numérotées de 1/11 à 11/11. Le formulaire est en dernière page.

La clarté des raisonnements et la qualité de la rédaction interviendront pour une part importante dans l'appréciation des copies.

Les candidats répondent directement sur le sujet.

À l'issue de l'épreuve, le sujet sera agrafé dans une copie d'examen.

L'usage de la calculatrice est autorisé.

MATHEMATIQUES (10 points)

Pour lutter contre les incendies domestiques, la loi Morange vise à rendre obligatoire l'équipement de tous les logements en détecteurs avertisseurs autonomes de fumée (DAAF) à partir de 2010. Ce détecteur de type thermique doté d'une sirène de 94 dB réagit à une élévation de la température ambiante dans la pièce, consécutive à un incendie. Vous avez quatre fois plus de chances de survivre à un incendie lorsque vous avez un DAAF installé chez vous.



CRDF de MONTPELLIER
RÉSERVÉ AU SERVICE

Exercice 1: (1 point)

Une entreprise de matériel de protection incendie analyse ces ventes de détecteurs de fumée. Elle a vendu 600 détecteurs en 2006, puis 750 en 2007.

1.1. Calculer le nombre de détecteurs supplémentaires vendus en 2007 par rapport à 2006
Les ventes de 2008 ont augmenté de 20 % par rapport à l'année 2007. 1.2. Calculer le nombre de détecteurs supplémentaires vendus par rapport à 2007.
1.3. En déduire le nombre total de détecteurs vendus en 2008.

CAP Secteur 1		Session		
Épreuve :	Mathématiques et Sciences	2009	Page:	2/12

Exercice 2: (3,75 points)

Chaque détecteur vendu à un particulier rapporte à l'entreprise 1,50 €.

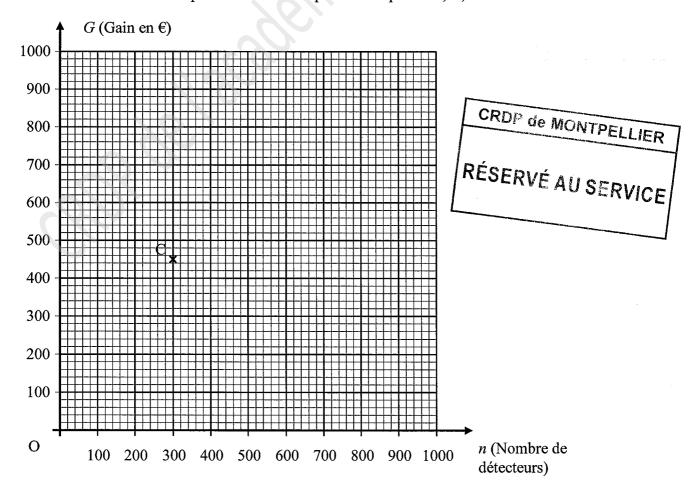
2.1. Le nombre de détecteurs vendus en 2005 est de 550.	
Calculer, en euro, le gain total réalisé par l'entreprise en 2005 dans le cadre de	ces ventes.
current, or our of the second remains but a current of the second	ous ventus.

2.2. On note G le gain en euro réalisé et n le nombre d'appareils vendus. Dans ce cas, on exprime G en fonction de n par la relation : $G = 1,50 \times n$

2.2.1. Compléter le tableau suivant :

	О	A	В	C	D	Е
Nombre de détecteurs <i>n</i>	0	100	200	300	500	
Gain G (en €)	0	* * • • • • • •	•••••	450	750	900

2.2.2. Placer dans le repère ci-dessous les points manquants A, B, D et E.



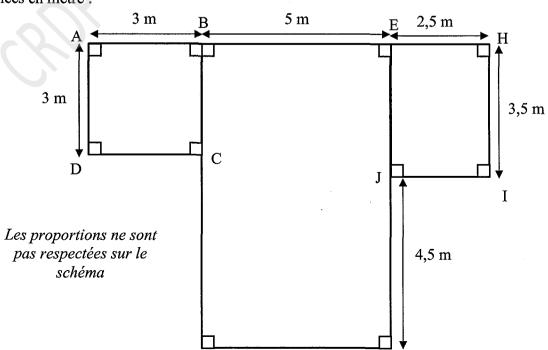
CAP Secteur 1	Session		
Épreuve: Mathématiques et Sciences	2009	Page:	3/12

> Relier les points.

Quelle constatation peut-on faire?	
2.3. Le nombre de détecteurs et le gain sont-elles des grandeurs réponse.	proportionnelles? Justifier la
2.4. Déterminer graphiquement le nombre de détecteurs vendus por Laisser apparents les traits utiles à la lecture.	our réaliser un gain de 840 €.
2.5. Résoudre l'équation suivante d'inconnue x : 840 = 1,5 × x .	CRDP de MONTPELLIER
	RÉSERVÉ AU SERVICE
	TAICE
2.6. Ecrire une phrase pour comparer les résultats obtenus par l'équat	ion et par la lecture graphique.

Exercice 3: (2,5 points)

Le schéma ci-dessous représente l'appartement de M. Hadad vue de dessus, avec les cotes exprimées en mètre :



ŧ	CAP Secteur 1			
Épr	uve: Mathématiques et Sciences	2009	Page:	4/12

3.1. Indiquer la nature des figures ABCD et BEFK. Justifier la réponse.
 3.2. M. Hadad souhaite placer un détecteur de fumée au « centre » du plafond BEFK de son séjour. Il peut déterminer de deux façons différentes le « centre » O du plafond : Par une construction géométrique ; Par un calcul. 3.2.1. Détermination du centre du plafond par construction géométrique.
On considère la figure ci-dessous :
B CROP de MONTPELLIER RÉSERVÉ AU SERVICE A. Tracer les diagonales du quadrilatère BEFK et noter O leur point d'intersection.
b. Quelle est la position du point O sur le segment [BF] ?

3.2.2. Détermination du centre du plafond par un calcul. a. À l'aide de la propriété de Pythagore calculer, en m, la longueur BF. Arrondir le résultat au centième. On donne : $BF^2 = BE^2 + EF^2$

CAP Secteur 1		Session	İ			
	Épreuve : Mathématiq	ues et Sciences	2009	Page:	5/12	
b. En déduire la longueur BO. Arrondir le résultat au centième.						
	-					
•••••	••••••	••••••	••••••	• • • • • • • • • • • •	•••••	
••••••					•••••	
	3.2.3. Quelle est la méthode la p	olus simple pour déterminer le	« centre » d	lu plafond	. ?	
•••••						
•••••	······································				•••••	
En Fr d'habi	cice 4 : (2,75 points) cance, un incendie domestique a tation ont nécessité l'intervention de la localisation de départ du f	on des sapeurs pompiers. Le	e nombre			
	Localisation de départ du feu	Nombre d'interventions	Fréquenc	e (en %)		
	Local vide-ordures		2	29		
	Chambre à coucher	22 566	•••	• • • •		
	Salle de séjour	20 604	2	1		
	Cuisine	19 623	•••	••••		
	Autre	6 868		7		
	Total	98 113 CPD	de Mon	a a a		
4.1. In	adiquer le nombre total d'intervent	ions.	RVÉ AU	TPELLIE SERVIC	-	
4.2. Calculer la fréquence en pourcentage des départs de feux dans la chambre à coucher et dans la cuisine puis compléter la colonne fréquence (en %) du tableau.						
•••••			•••••	•••••		
•••••			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	•••••	
	alculer le nombre d'intervention per cette valeur dans le tableau.	pour des départs de feux dans	le local de	e vide-ord	ures puis	

CAP Secteur 1

CAP Secteur 1			
Épreuve : Mathématiques et Sciences	2009	Page:	6/12
4.4. Quel est le lieu le plus exposé aux risques d'incendie ?		••••••	•••••
•	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••
	•••••	••••••	•••••
SCIENCES (10 points)			
Exercice 5: (3,5 points)			
M. Hadad a fixé un détecteur de fumée de masse 85 g au centre de son	séjour.		
Plafond G Détec	eteur		
Le détecteur de fumée est en équilibre sous l'action de deux forces : \overrightarrow{F} : l'action du plafond sur le détecteur \overrightarrow{P} : le poids du détecteur de fumée.	CRDP de		
5.1. Convertir en kg la masse du détecteur.	ÉSERVE	E AU SE	RVICE
5.2. À l'aide de la formule $P = m \times g$, calculer, en newton, la valeur P d'Donnée : $g = 10$ N/kg.	lu poids du	détecteur.	
5.3. Énoncer les conditions d'équilibre du détecteur.	•••••	••••••	•••••
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	• • • • • • • • •

CAP Secteur 1

CAP Secteur 1		Session		
Épreuve :	Mathématiques et Sciences	2009	Page:	7/12

5.4. En déduire les caractéristiques de la force \vec{F} , et compléter le tableau ci-dessous.

Nom	Point d'application	Droite d'action	Sens	Valeur (en N)
$ec{P}$	G		\downarrow	
\vec{F}				10.01

5.5. Tracer sur le schéma de la page précédente la représentation graphique du poids \vec{P} . Unité graphique: 1 cm représente 0,5 N.

Exercice 6: (2,75 points)

Le détecteur de M Hadad est équipé d'un avertisseur sonore (buzzer) miniature portant les indications suivantes :



Dimension: 30 x 11 x 17 mm

Puissance: 0,342 W Fréquence: 400 Hz

Son: 75 dB

Tension: 3-9 V DO

CRDP de MONTPELLIER
RÉSERVÉ AU SERVICE

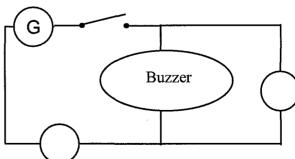
6.1. Compléter le tableau suivant :

Indication	Nom de la grandeur	Nom de l'unité
3 V		volt
0,342 W		

6.2. M. Hadad a un schéma technique qu'il ne comprend pas. Il ne sait pas où placer les appareils suivants :







Voici le schéma:

6.2.1. Nommer l'appareil permettant de mesurer l'intensité électrique.

CAP Secteur 1 Épreuve: Mathématiques et Sciences Session 2009 Page: 8/12

	-	e mode de branche								
•••••		er sur le schéma le			•••••	••				
6.3. O	6.3. On peut lire que l'intensité du courant électrique vaut 37,5 mA et la tension vaut 9 V. 6.3.1. Parmi les calibres suivants, entourer celui le mieux adapté pour réaliser la mesure de l'intensité.									
	20 mA	200 mA	2 A	20 A						
		l'intensité du cou	-		npère.					
•••••	6.3.3. À l'aide avertisseur sono	de la formule <i>P</i> re. Arrondir le rést	$=U \times I$ calculated au centi	ıler, en watt, la ème.	puissance absorbée par					
					•••••					
		sance est-elle conf								
•••••						••••				
•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••				

Exercice 7: (3,75 points)

Par crainte d'un incendie, M. Hadad a un extincteur à sa disposition. Voici quelques éléments que l'on peut lire sur la notice :

Extincteur à poudre 2 kg

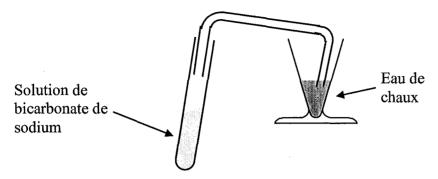


Les extincteurs à poudre contiennent une poudre chimique Elle est composée principalement de bicarbonate de sodium ou de bicarbonate de potassium (85-95%) qui se décomposent sous l'effet de la chaleur.

CRDP de MONTPELLIER
RÉSERVÉ AU SERVICE

CAP Secteur 1 Épreuve: Mathématiques et Sciences Session 2009 Page: 9/12

7.1. L'expérience ci-dessous permet de mettre en évidence le gaz formé par décomposition du bicarbonate de sodium sous l'effet de la chaleur.



Nous constatons que ce gaz trouble l'eau de chaux.

7.1.1. En vous aidant du tableau ci-dessous donner le nom et la formule brute du gaz formé.

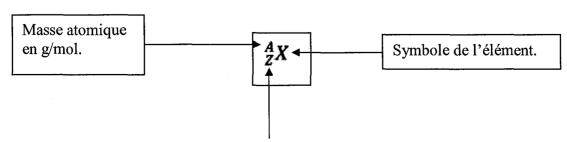
Nom des molécules	Formules chimiques	Réactifs	Observation
Dioxyde de carbone	CO ₂	Eau de chaux	Trouble
Dioxyde d'azote	NO ₂	Sulfate de fer acidifié (FeSO ₄)	Anneau brun

7.1.2. Le gaz formé est-il une molécule ou un atome ? Justifierdanéponse MONTPELLIER

RÉSERVÉ AU SERVICE

7.2. Voici une partie du tableau périodique des éléments et quelques indications :

¹ / ₁ H Hydrogène							4He Hélium
7₃Li Lithium	⁹ Be Béryllium	11B Bore	12C Carbone	14N Azote	160 Oxygène	19F Fluor	20 Ne 10 Ne Néon



CAP Secteur 1			
Épreuve : Mathématiques et Sciences	2009	Page:	10/12

7.2.1. Indiquer le nom et le nomet le n

Symbole	Atome	Nombre
С		1
O		\$

7.2.2. Sur la classification périodique, on peut lire	¹⁶ ₈ O. Donner pour cet élément le nombre de
---	--

•	Électrons	•
•	Protons	•
•	Neutrons	•

7.2.3. Calculer la masse molaire moleculaire du CO_2 .		
On donne $M(H) = 1$ g/mol; $M(O) = 16$ g/mol et $M(C) = 12$ g/mol.		

7.3. Sur les flacons des produits chimiques présents dans l'extincteur, on peut voir les pictogrammes suivants.

Indiquer les conditions élémentaires de sécurité à respecter lors de l'utilisation de ces flacons.

<u>Pictogrammes</u>		Conditions élémentaires de sécurité:
	Dangereux pour l'environnement	

CRDP de MONTPELLIER
RÉSERVÉ AU SERVICE

ų	CAP Secteur 1	Session		
	Épreuve: Mathématiques et Sciences	2009	Page:	11/12

Formulaire de mathématiques des CAP

CRDP de MONTPELLES

RÉSERVÉ AU SERVICE

CAP Secteur 1

Épreuve : Mathématiques et Sciences

Session
2009

Page:

12/12

Puissances d'un nombre

$$10^{0} = 1$$
; $10^{1} = 10$; $10^{2} = 100$; $10^{3} = 1000$
 $10^{-1} = 0.1$; $10^{-2} = 0.01$; $10^{-3} = 0.001$
 $a^{2} = a \times a$; $a^{3} = a \times a \times a$

Nombres en écriture fractionnaire

$$c\frac{a}{b} = \frac{ca}{b} \text{ avec } b \neq 0$$

$$\frac{ca}{cb} = \frac{a}{b} \text{ avec } b \neq 0 \text{ et } c \neq 0$$

Proportionnalité

a et b sont proportionnels à c et d

(avec
$$c \neq 0$$
 et $d \neq 0$)

équivaut à
$$\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$$

équivaut à
$$ad = bc$$

Relations dans le triangle rectangle

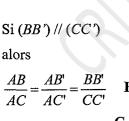
$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

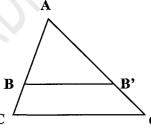
$$A$$

$$B$$

$$\sin \stackrel{\wedge}{B} = \frac{AC}{BC}; \cos \stackrel{\wedge}{B} = \frac{AB}{BC}; \tan \stackrel{\wedge}{B} = \frac{AC}{AB}.$$

Propriété de Thalès relative au triangle





Périmètres

Cercle de rayon R:

 $p = 2 \pi R$

Rectangle de longueur L et de largeur l:

$$p = 2(L+l)$$

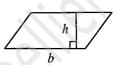
Aires

Triangle: $A = \frac{1}{2}bh$



Rectangle: A = L l

Parallélogramme : A = bh



Trapèze: $A = \frac{1}{2}(b+b')h$



Disque de rayon $R: A = \pi R^2$

Volumes

Cube de côté a: $V = a^3$

Pavé droit (ou parallélépipède rectangle) de dimensions l,

p, h:

V = l p h



Cylindre de révolution où A est l'aire de la base et h la

hauteur:

V = Ah

CRDP de MONTPELLIER RÉSERVÉ AU SERVICE

Statistiques Moyenne: \bar{x}

Fréquence : f

$$f_1 = \frac{n_1}{N}$$
; $f_2 = \frac{n_2}{N}$; ...; $f_p = \frac{n_p}{N}$

Effectif total: N

Calculs d'intérêts simples

Intérêt : ICapital: C

Taux périodique: t Nombre de périodes : n

Valeur acquise en fin de placement : A

$$I = C t n$$
$$A = C + I$$