



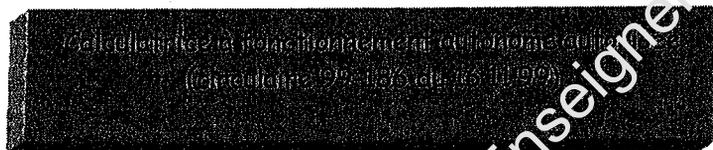
SERVICES CULTURE ÉDITIONS
RESSOURCES POUR
L'ÉDUCATION NATIONALE

**Ce document a été numérisé par le CRDP de Montpellier pour la
Base Nationale des Sujets d'Examens de l'enseignement professionnel**

Ce fichier numérique ne peut être reproduit, représenté, adapté ou traduit sans autorisation.

**BACCALAURÉAT PROFESSIONNEL
TECHNICIEN EN INSTALLATION DES SYSTÈMES ÉNERGÉTIQUES ET
CLIMATIQUES**

**BACCALAURÉAT PROFESSIONNEL
TECHNICIEN EN MAINTENANCE DES SYSTÈMES ÉNERGÉTIQUES ET
CLIMATIQUES**



SESSION 2010

E12

MATHÉMATIQUES - SCIENCES PHYSIQUES

Durée : 2 heures

Coefficient : 2

**1006-TIS ST 12 ME-1
1006-TMS ST 12 ME-1**

EXERCICE 1 : (9 points)

Étude de la variation de pression de l'air atmosphérique avec l'altitude

La pression atmosphérique terrestre dépend de l'altitude.

Cette propriété physique peut être modélisée par la fonction suivante :

$$P(z) = P_0 e^{-az}$$

$P(z)$: pression atmosphérique à l'altitude z en hectoPascal (hPa)

P_0 : pression atmosphérique au niveau de la mer : $P_0 = 1\,013$ hPa

z : altitude en kilomètres (km)

$a = -0,128$

- 1)
 - a) Calculer $P(1)$ et $P(9)$; arrondir les résultats à l'unité.
 - b) La pression P est-elle proportionnelle à l'altitude z ? Justifier.
- 2) On définit la fonction f sur l'intervalle $[0 ; 9]$ par : $f(x) = 1\,013 e^{-0,128x}$
 - a) On note f' la dérivée de la fonction f . Déterminer $f'(x)$.
 - b) Étudier le signe de $f'(x)$ pour x appartenant à l'intervalle $[0 ; 9]$.
 - c) Établir le tableau de variation de la fonction f .
- 3)
 - a) Compléter le tableau de valeurs situé en **annexe 1** (à rendre avec la copie). Arrondir les résultats à l'unité.
 - b) Tracer la courbe (\mathcal{C}) représentative de la fonction f dans le repère situé en **annexe 1**.
Les unités graphiques sont : en abscisses : 1 cm pour 0,5 km en ordonnées : 1 cm pour 50 hPa.
- 4)
 - a) En utilisant la fonction logarithme népérien notée « ln », résoudre l'équation :
$$f(x) = \frac{1\,013}{2}$$
Arrondir le résultat au dixième.
 - b) Retrouver graphiquement la solution de l'équation précédente en laissant apparents les traits permettant la lecture.
 - c) A partir de quelle altitude, en km, peut-on estimer que la valeur de la pression atmosphérique est la moitié de P_0 ?
- 5)
 - a) Dans le repère de l'**annexe 1**, tracer la droite (T) d'équation :
$$y = -130x + 1\,013$$
 - b) Calculer $f'(0)$. Arrondir le résultat à l'unité.
 - c) Que représente la droite (T) pour le point d'abscisse 0 appartenant à (\mathcal{C}) ?

EXERCICE 2 : (6 points)

Étude de la variation de la température de l'air atmosphérique avec l'altitude

Voici le relevé de température en degrés Celsius ($^{\circ}\text{C}$) de l'atmosphère terrestre entre 0 et 9 km d'altitude.

Altitude (en km)	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Température (en $^{\circ}\text{C}$)	15	8,5	2	-4,5	-11	-17,5	-24	-30,5	-37	-43,5

1) Les valeurs de température forment une suite notée (T_n) . n est le rang du terme et t_n la valeur du terme.

Tracer le diagramme à bâtons représentant cette suite dans le repère situé en annexe 2 à rendre avec la copie.

Les unités graphiques sont : en abscisses : 1 cm pour 1 km en ordonnées : 1 cm pour 5°C

2) Préciser :
- la nature (arithmétique ou géométrique),
- la raison,
- le premier terme,
- le sens de variation de cette suite.

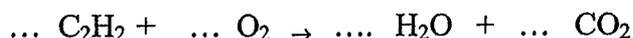
3) Montrer que le n -ième terme de cette suite peut se calculer par la relation : $t_n = -6,5 n + 21,5$.

4) En supposant que cette relation reste vraie pour des altitudes supérieures à 9 km, calculer la température de l'air à 20 km d'altitude.

SCIENCES PHYSIQUES (5 points)

EXERCICE 1 : (2 points). *Le chalumeau oxyacétylénique*

1. L'éthyne (ou acétylène) est un gaz dont la molécule a pour formule brute C_2H_2 .
L'éthyne fait-il partie de la famille des alcanes ? Justifier la réponse.
2. La combustion complète de l'éthyne dans le dioxygène O_2 produit de la vapeur d'eau H_2O et du dioxyde de carbone CO_2 .
Recopier et équilibrer l'équation de combustion complète de l'éthyne.



EXERCICE 2 : (3 points)

1. On considère un volume $V_1 = 8$ L de gaz à la température ambiante $\theta_1 = 20^\circ C$ sous une pression $p_1 = 20$ bar. Lors de l'utilisation de ce gaz, un détendeur abaisse la pression du gaz à $p_2 = 1,5$ bar.

On admet que le gaz est parfait et que sa température ne varie pas au cours de la détente.

- a) En utilisant l'équation d'état du gaz parfait, montrer que dans ces conditions le produit pV est constant.
 - b) Calculer le volume maximal V_2 du gaz disponible à la pression de 1,5 bar. Arrondir le résultat au litre.
2. Le gaz circule dans un tuyau à une vitesse de 1,43 m/s. Le diamètre intérieur du tuyau est de 6,3 mm.

Calculer le débit du gaz dans ce tuyau. On le donnera en m^3/s puis en L/h.

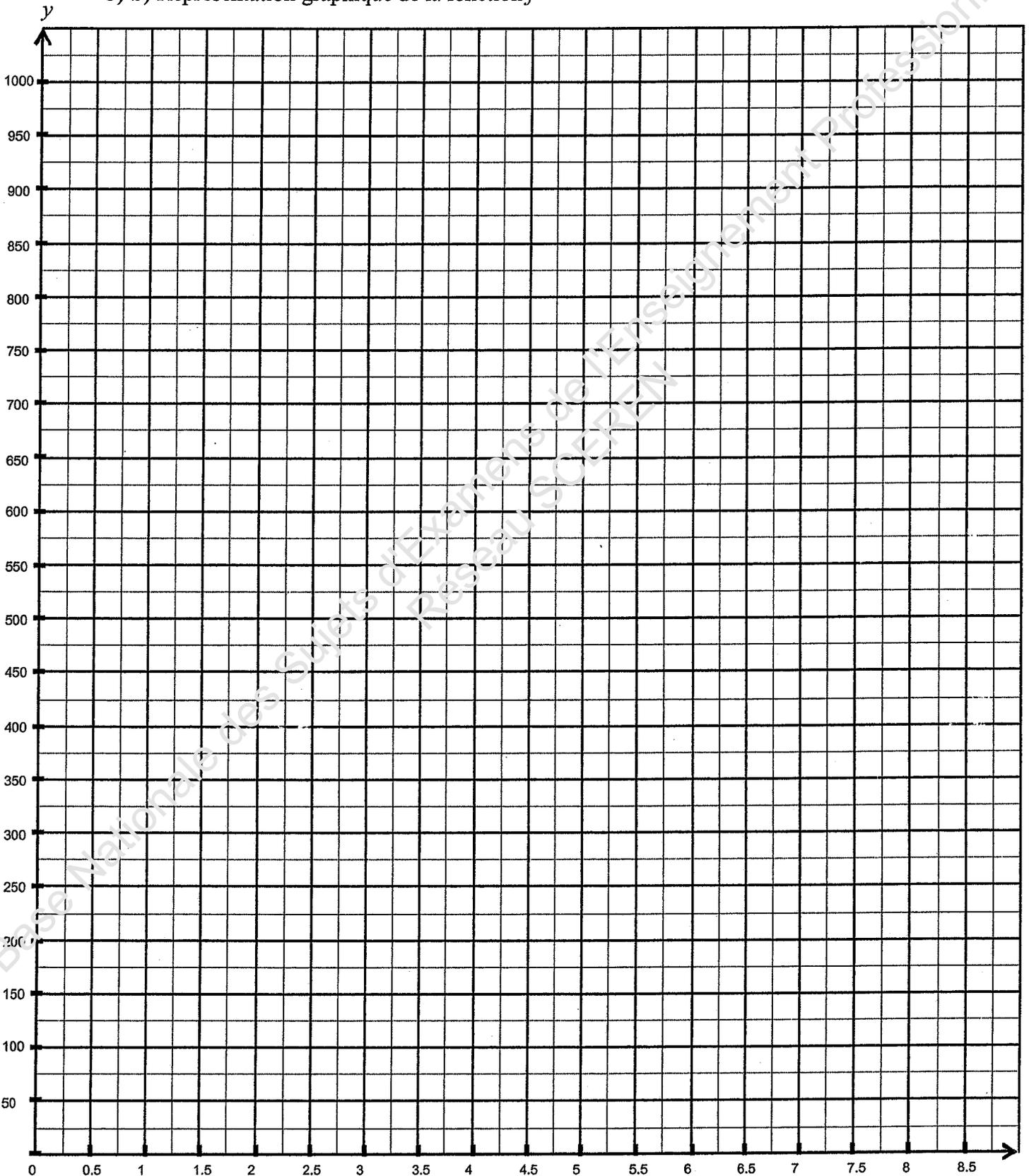
Formulaire :

- Formule brute générale des alcanes : $C_n H_{2n+2}$,
- Equation d'état des gaz parfait : $p V = n RT$,
- Constante des gaz parfaits : $R = 8,314 \text{ J} \times \text{mol}^{-1} \times \text{K}^{-1}$,
- Débit volumique : $Q = S v$,
- $1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$.

EXERCICE 1 : 3) a) Tableau de valeurs

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$f(x)$						534				

3) b) Représentation graphique de la fonction f

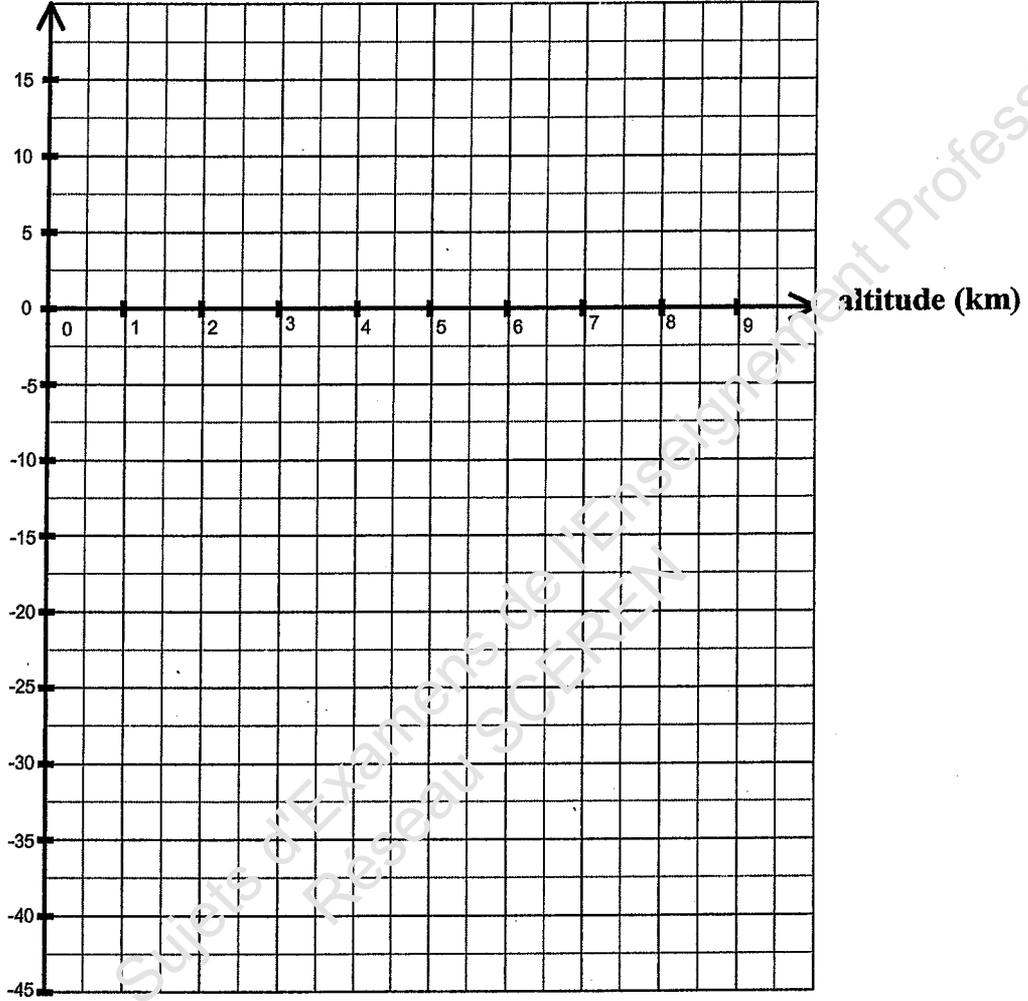


ANNEXE II : FEUILLE A RENDRE AVEC LA COPIE

EXERCICE 2 :

1) Diagramme à bâtons

température (°C)



Base Nationale des Sujets d'Examinations de l'Enseignement Professionnel
Réseau SCEREN

FORMULAIRE DE MATHÉMATIQUES DU BACCALAURÉAT PROFESSIONNEL

Secteur industriel : Chimie-Énergétique
(Arrêté du 9 mai 1995 - BO spécial n°11 du 15 juin 1995)

<u>Fonction f</u>	<u>Dérivée f'</u>
$f(x)$	$f'(x)$
$ax + b$	a
x^2	$2x$
x^3	$3x^2$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$
$\ln x$	$\frac{1}{x}$
e^x	e^x
e^{ax+b}	ae^{ax+b}
$\sin x$	$\cos x$
$\cos x$	$-\sin x$
$u(x) + v(x)$	$u'(x) + v'(x)$
$a u(x)$	$a u'(x)$
$u(x)v(x)$	$u'(x)v(x) + u(x)v'(x)$
$\frac{1}{u(x)}$	$-\frac{u'(x)}{[u(x)]^2}$
$\frac{u(x)}{v(x)}$	$\frac{u'(x)v(x) - u(x)v'(x)}{[v(x)]^2}$

Suites arithmétiques

Terme de rang 1 : u_1 et raison r
 Terme de rang n : $u_n = u_1 + (n-1)r$
 Somme des k premiers termes :
 $u_1 + u_2 + \dots + u_k = \frac{k(u_1 + u_k)}{2}$

Suites géométriques

Terme de rang 1 : u_1 et raison q
 Terme de rang n : $u_n = u_1 q^{n-1}$
 Somme des k premiers termes :
 $u_1 + u_2 + \dots + u_k = u_1 \frac{1 - q^k}{1 - q}$

Logarithme népérien : ln

$\ln(ab) = \ln a + \ln b$ $\ln(a^n) = n \ln a$
 $\ln(a/b) = \ln a - \ln b$

Equations différentielles

$y' - ay = 0$ $y = ke^{ax}$

Relations métriques dans le triangle rectangle

Equation du second degré $ax^2 + bx + c = 0$

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

- Si $\Delta > 0$, deux solutions réelles :

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \quad \text{et} \quad x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$$

- Si $\Delta = 0$, une solution réelle double :

$$x_1 = x_2 = -\frac{b}{2a}$$

- Si $\Delta < 0$, aucune solution réelle

Si $\Delta > 0$, $ax^2 + bx + c = a(x-x_1)(x-x_2)$

Statistiques

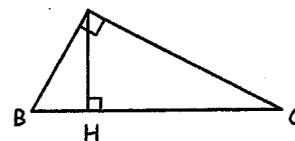
$$\text{Effectif total } N = \sum_{i=1}^p n_i$$

$$\text{Moyenne } \bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^p n_i x_i}{N}$$

$$\text{Variance } V = \frac{\sum_{i=1}^p n_i (x_i - \bar{x})^2}{N} = \frac{\sum_{i=1}^p n_i x_i^2}{N} - \bar{x}^2$$

$$\text{Ecart type } \sigma = \sqrt{V}$$

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$



$$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}; \quad \cos \hat{B} = \frac{AB}{BC}; \quad \tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$$

Aires dans le plan

Triangle : $\frac{1}{2} bc \sin \hat{A}$ Trapèze : $\frac{1}{2} (B + b)h$

Disque : πR^2

Aires et volumes dans l'espace

Cylindre de révolution ou prisme droit d'aire de base B et de hauteur h : Volume Bh

Sphère de rayon R :

$$\text{Aire : } 4\pi R^2 \quad \text{Volume : } \frac{4}{3} \pi R^3$$

Cône de révolution ou pyramide de base B et de hauteur h : Volume $\frac{1}{3} Bh$

Calcul intégral

* Relation de Chasles :

$$\int_a^c f(t)dt = \int_a^b f(t)dt + \int_b^c f(t)dt$$

$$* \int_a^b (f + g)(t)dt = \int_a^b f(t)dt + \int_a^b g(t)dt$$

$$* \int_a^b kf(t)dt = k \int_a^b f(t)dt$$