



SERVICES CULTURE ÉDITIONS
RESSOURCES POUR
L'ÉDUCATION NATIONALE

**Ce document a été numérisé par le CRDP de Bordeaux pour la
Base Nationale des Sujets d'Examens de l'enseignement professionnel**

session 2011

BREVET DE TECHNICIEN SUPÉRIEUR

GROUPEMENT C

Épreuve de Mathématiques

SESSION 2011

Durée : 2 heures

| SPÉCIALITÉS | COEFFICIENT |
|--|-------------|
| Agroéquipement | 1 |
| Charpente-couverture | 1,5 |
| Communication et industrie graphique | 2 |
| Conception et réalisation en chaudronnerie industrielle | 2 |
| Étude et réalisation d'outillages de mise en forme des matériaux | 2 |
| Fonderie | 2 |
| Industries céramiques | 2 |
| Industries des matériaux souples (2 options) | 1 |
| Industries papetières (2 options) | 2 |
| Mise en forme des matériaux par forgeage | 2 |
| Productique bois et ameublement (2 options) | 1,5 |
| Productique textile (4 options) | 3 |
| ✓ Systèmes constructifs bois et habitat | 1,5 |

Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.

**Ce sujet comporte 4 pages numérotées de 1/4 à 4/4
le formulaire de mathématiques page 1 à 5.**

La clarté des raisonnements et la qualité de la rédaction interviendront pour une part importante dans l'appréciation des copies.

Matériel autorisé :

Toutes les calculatrices de poche, y compris les calculatrices programmables, alphanumériques ou à écran graphique à condition que leur fonctionnement soit autonome et qu'il ne soit pas fait usage d'imprimante. (Circulaire n°99-186, du 16/11/1999)

Tout autre matériel est interdit

Document à rendre avec la copie :

Annexepage 4/4

Exercice 1 (11 points)

Les deux parties de cet exercice peuvent être traitées de façon indépendante.

Partie A : Résolution d'une équation différentielle

On considère l'équation différentielle

$$(E) : y'' + 2y' + y = 2$$

dans laquelle y désigne une fonction de la variable réelle x , définie et deux fois dérivable sur \mathbf{R} , y' désigne la fonction dérivée de y , et y'' désigne sa dérivée seconde.

1. Résoudre sur \mathbf{R} l'équation différentielle

$$(E_0) : y'' + 2y' + y = 0.$$

2. Soit un réel b . On définit sur \mathbf{R} la fonction constante g par : $g(x) = b$.

Déterminer b pour que la fonction g soit une solution particulière de l'équation (E) .

3. En déduire les solutions de l'équation (E) .

4. Déterminer la fonction f , solution particulière de l'équation (E) sur \mathbf{R} , qui vérifie les conditions : $f(0) = 3$ et $f(-\frac{1}{2}) = 2$.

Partie B : Etude d'une fonction

Soit f la fonction définie sur \mathbf{R} par : $f(x) = (2x+1)e^{-x} + 2$.

On appelle C la courbe représentative de f dans le plan muni d'un repère orthonormal $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$ d'unité graphique 2 cm.

La courbe C est représentée en annexe qui devra être rendue avec la copie.

1. Déterminer la limite de la fonction f en $-\infty$.
2. a. En écrivant $f(x) = 2xe^{-x} + e^{-x} + 2$, déterminer la limite de la fonction f en $+\infty$.
b. En déduire l'existence d'une asymptote D à C dont on donnera une équation.
c. Tracer D sur le graphique fourni en annexe.
3. a. On appelle f' la fonction dérivée de f sur \mathbf{R} .
Montrer que pour tout réel x , $f'(x) = (1-2x)e^{-x}$.
b. Étudier les variations de la fonction f et dresser son tableau de variation sur \mathbf{R} .
4. Soit F la fonction définie sur \mathbf{R} par : $F(x) = (-2x-3)e^{-x} + 2x$.
a. Vérifier que F est une primitive de f sur \mathbf{R} .
b. Calculer la mesure A , en cm^2 , de l'aire du domaine délimité par la courbe C , l'axe des abscisses, et les droites d'équation $x = 0$ et $x = 2$. On donnera la valeur exacte puis la valeur arrondie au centième de A .

Exercice 2 (9 points)

Les trois parties de cet exercice peuvent être traitées de façon indépendante.

Les valeurs approchées sont à arrondir à 10^{-3} .

Une usine fabrique en grande série des disques de diamètre théorique 238 millimètres.

Partie A

Un disque est considéré comme conforme pour son diamètre si ce diamètre, exprimé en mm, est dans l'intervalle $[237,18 ; 238,82]$. Dans le cas contraire, le disque est non-conforme.

On définit par X la variable aléatoire qui à tout disque produit associe son diamètre en mm.

On admet que X suit la loi normale de moyenne 238 et d'écart type 0,4.

Calculer la probabilité qu'une pièce prise au hasard dans la production soit conforme pour son diamètre.

Partie B

On considère dans cette partie un stock important de disques. On suppose que 4 % des disques de ce stock n'ont pas un diamètre conforme.

On prélève au hasard dans ce stock des lots de 25 disques pour vérification du diamètre.

Le nombre de disques de ce stock est suffisamment important pour que l'on puisse assimiler chaque prélèvement à un tirage avec remise de 25 disques.

On définit par Y_1 la variable aléatoire qui à chaque lot de 25 disques associe le nombre de disques non-conformes pour leur diamètre.

- Justifier que Y_1 suit une loi binomiale dont on donnera les paramètres.
- On prélève un lot de 50 disques. Calculer la probabilité que tous les disques de ce lot aient un diamètre conforme.
- Dans cette question, on décide d'approcher Y_1 par une variable aléatoire Y_2 qui suit une loi de Poisson de paramètre λ .
 - Justifier que $\lambda = 2$.
 - A l'aide de l'approximation de Y_1 par Y_2 , calculer la probabilité que le lot prélevé ait au plus 3 disques non-conformes pour leur diamètre.

Partie C

Une grande quantité de disques est livrée à un client. Celui-ci se propose de construire un test bilatéral au risque de 5 %, afin de vérifier si la moyenne μ de l'ensemble des diamètres des disques de la livraison est égale à 238 mm.

On désigne par \bar{Z} la variable aléatoire qui à tout échantillon de 45 disques prélevé dans la livraison associe la moyenne des diamètres de ces 45 disques (la livraison est suffisamment importante pour que l'on puisse assimiler ces prélèvements à des tirages avec remise).

L'hypothèse nulle est $H_0 : \mu = 238$.

- Quelle est l'hypothèse alternative H_1 ?
- Sous l'hypothèse H_0 , on suppose que la variable aléatoire \bar{Z} suit la loi normale de moyenne 238 et d'écart type 0,06.
Déterminer sous cette hypothèse le réel h tel que : $P(238 - h \leq \bar{Z} \leq 238 + h) = 0,95$.
- Énoncer la règle de décision du test.
- On prélève au hasard un échantillon 45 disques dans la livraison. La moyenne des diamètres des disques de cet échantillon est $\bar{z} = 237,91$ mm.
Peut-on, au seuil de 5 %, conclure que la moyenne des disques de la livraison est de 238 mm ?

Académie : _____ Session : _____

Examen ou concours : _____ Série* : _____

Spécialité/Option : _____ Repère de l'épreuve : _____

Épreuve/sous-épreuve : _____

NOM : _____
(en majuscules, suivi s'il y a lieu, du nom d'épouse)

Prénoms : _____ N° du candidat

Né(e) le : _____

(le numéro est celui qui figure sur la convocation ou la liste d'appel)

Examen ou concours : _____ Série* : _____

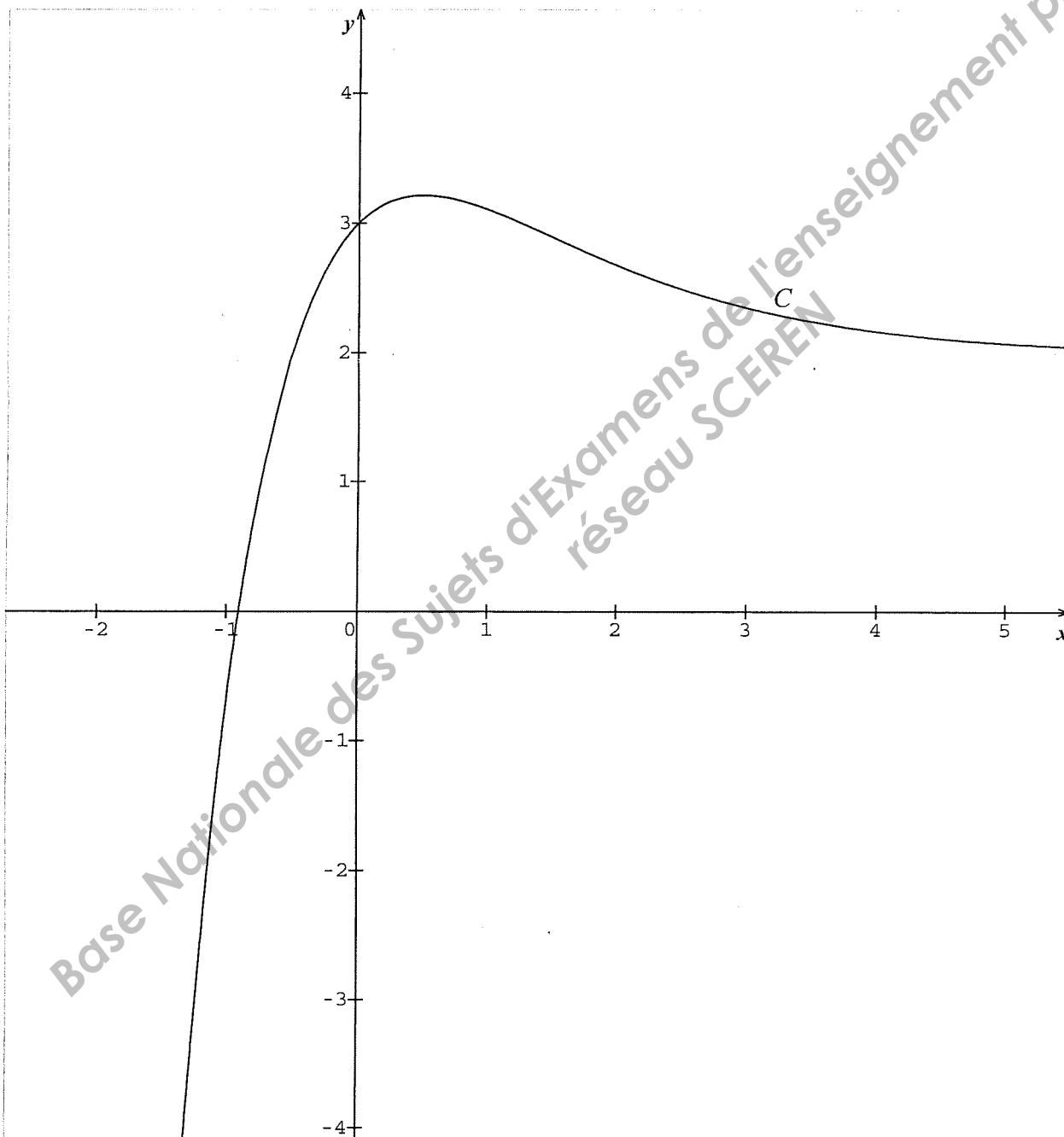
Spécialité/Option : _____

Repère de l'épreuve : _____

Épreuve/sous-épreuve : _____
(Préciser, suivi s'il y a lieu, le sujet choisi)

Numérotez chaque page (dans le cadre en bas de la page) et placez les feuilles intercalaires dans le bon sens.

Annexe (à rendre avec la copie)



FORMULAIRE DE MATHÉMATIQUES

B.T.S. : groupement C

Agroéquipement

Charpente-couverture

Communication et industrie graphique

Conception et réalisation en chaudronnerie
industrielle

Étude et réalisation d'outillages de mise en forme
des matériaux

Fonderie

Industries céramiques

Industries des matériaux souples (2 options)

Industries papetières (2 options)

Mise en forme des matériaux par forgeage

Productique bois et ameublement (2 options)

Productique textile (4 options)

Systèmes constructifs bois et habitat

Plusieurs résultats figurant dans ce formulaire ne sont pas au programme de TOUTES les spécialités de BTS appartenant à ce groupement.

1. RELATIONS FONCTIONNELLES

$$\ln(ab) = \ln a + \ln b, \text{ où } a > 0 \text{ et } b > 0$$

$$\exp(a+b) = \exp a \times \exp b$$

$$a^t = e^{t \ln a}, \text{ où } a > 0$$

$$t^\alpha = e^{\alpha \ln t}, \text{ où } t > 0$$

$$\cos(a+b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$$

$$\sin(a+b) = \sin a \cos b + \cos a \sin b$$

$$\cos(2t) = 2 \cos^2 t - 1 = 1 - 2 \sin^2 t$$

$$\sin(2t) = 2 \sin t \cos t$$

$$\sin p + \sin q = 2 \sin \frac{p+q}{2} \cos \frac{p-q}{2}$$

$$\sin p - \sin q = 2 \sin \frac{p-q}{2} \cos \frac{p+q}{2}$$

$$\cos p + \cos q = 2 \cos \frac{p+q}{2} \cos \frac{p-q}{2}$$

$$\cos p - \cos q = -2 \sin \frac{p+q}{2} \sin \frac{p-q}{2}$$

$$\cos a \cos b = \frac{1}{2} [\cos(a+b) + \cos(a-b)]$$

$$\sin a \sin b = \frac{1}{2} [\cos(a-b) - \cos(a+b)]$$

$$\sin a \cos b = \frac{1}{2} [\sin(a+b) + \sin(a-b)]$$

$$e^{it} = \cos t + i \sin t$$

$$\cos t = \frac{1}{2} (e^{it} + e^{-it})$$

$$\sin t = \frac{1}{2i} (e^{it} - e^{-it})$$

$$e^{at} = e^{\alpha t} (\cos(\beta t) + i \sin(\beta t)), \text{ où } a = \alpha + i\beta$$

2. CALCUL DIFFERENTIEL ET INTEGRAL

a) Limites usuelles

Comportement à l'infini

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} \ln t = +\infty ;$$

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} e^t = +\infty ;$$

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} e^{-t} = 0 ;$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} t^\alpha = +\infty ; \quad \text{si } \alpha < 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} t^\alpha = 0$$

Croissances comparées à l'infini

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} \frac{e^t}{t^\alpha} = +\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} \frac{\ln t}{t^\alpha} = 0$$

Comportement à l'origine

$$\lim_{t \rightarrow 0} \ln t = -\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha = 0 ; \quad \text{si } \alpha < 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha = +\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha \ln t = 0.$$

b) Dérivées et primitives

Fonctions usuelles

| $f(t)$ | $f'(t)$ | $f(t)$ | $f'(t)$ |
|--------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------|--------------------------|
| $\ln t$ | $\frac{1}{t}$ | $\text{Arcsin } t$ | $\frac{1}{\sqrt{1-t^2}}$ |
| e^t | e^t | $\text{Arc tan } t$ | $\frac{1}{1+t^2}$ |
| $t^\alpha \ (\alpha \in \mathbb{R})$ | $\alpha t^{\alpha-1}$ | $e^{at} \ (a \in \mathbb{C})$ | ae^{at} |
| $\sin t$ | $\cos t$ | | |
| $\cos t$ | $-\sin t$ | | |
| $\tan t$ | $\frac{1}{\cos^2 t} = 1 + \tan^2 t$ | | |

Opérations

$$(u+v)' = u' + v'$$

$$(ku)' = ku'$$

$$(uv)' = u'v + uv'$$

$$\left(\frac{1}{u}\right)' = -\frac{u'}{u^2}$$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$

$$(v \circ u)' = (v' \circ u)u'$$

$$(e^u)' = e^u u'$$

$$(\ln u)' = \frac{u'}{u}, \text{ } u \text{ à valeurs strictement positives}$$

$$(u^\alpha)' = \alpha u^{\alpha-1} u'$$

c) Calcul intégral

Valeur moyenne de f sur $[a, b]$:

$$\frac{1}{b-a} \int_a^b f(t) dt$$

Intégration par parties :

$$\int_a^b u(t) v'(t) dt = [u(t)v(t)]_a^b - \int_a^b u'(t) v(t) dt$$

d) Développements limités

$$e^t = 1 + \frac{t}{1!} + \frac{t^2}{2!} + \dots + \frac{t^n}{n!} + t^n \varepsilon(t)$$

$$\frac{1}{1+t} = 1 - t + t^2 - \dots + (-1)^n t^n + t^n \varepsilon(t)$$

$$\ln(1+t) = t - \frac{t^2}{2} + \frac{t^3}{3} - \dots + (-1)^{n-1} \frac{t^n}{n} + t^n \varepsilon(t)$$

$$\sin t = \frac{t}{1!} - \frac{t^3}{3!} + \frac{t^5}{5!} - \dots + (-1)^p \frac{t^{2p+1}}{(2p+1)!} + t^{2p+1} \varepsilon(t)$$

$$\cos t = 1 - \frac{t^2}{2!} + \frac{t^4}{4!} - \dots + (-1)^p \frac{t^{2p}}{(2p)!} + t^{2p} \varepsilon(t)$$

$$(1+t)^\alpha = 1 + \frac{\alpha}{1!} t + \frac{\alpha(\alpha-1)}{2!} t^2 + \dots + \frac{\alpha(\alpha-1)\dots(\alpha-n+1)}{n!} t^n + t^n \varepsilon(t)$$

e) Equations différentielles

| Equations | Solutions sur un intervalle I |
|----------------------------|--|
| $a(t)x' + b(t)x = 0$ | $f(t) = ke^{-G(t)}$ où G est une primitive de $t \mapsto \frac{b(t)}{a(t)}$ |
| $ax'' + bx' + cx = 0$ | Si $\Delta > 0$, $f(t) = \lambda e^{\eta_1 t} + \mu e^{\eta_2 t} \dots$ où η_1 et η_2 sont les racines de l'équation caractéristique |
| équation caractéristique : | Si $\Delta = 0$, $f(t) = (\lambda t + \mu) e^{rt} \dots$ où r est la racine double de l'équation caractéristique |
| $ar^2 + br + c = 0$ | Si $\Delta < 0$, $f(t) = [\lambda \cos(\beta t) + \mu \sin(\beta t)] e^{\alpha t}$ où $\eta_1 = \alpha + i\beta$ et $\eta_2 = \alpha - i\beta$ sont les racines complexes conjuguées de l'équation caractéristique. |
| de discriminant Δ | |

3. PROBABILITES

a) Loi binomiale $P(X = k) = C_n^k p^k q^{n-k}$ où $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$; $E(X) = np$; $\sigma(X) = \sqrt{npq}$

b) Loi de Poisson

$$P(X = k) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^k}{k!}$$

$$E(X) = \lambda$$

$$V(X) = \lambda$$

| $k \backslash \lambda$ | 0,2 | 0,3 | 0,4 | 0,5 | 0,6 |
|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 0 | 0,8187 | 0,7408 | 0,6703 | 0,6065 | 0,5488 |
| 1 | 0,1637 | 0,2222 | 0,2681 | 0,3033 | 0,3293 |
| 2 | 0,0164 | 0,0333 | 0,0536 | 0,0758 | 0,0983 |
| 3 | 0,0011 | 0,0033 | 0,0072 | 0,0126 | 0,0198 |
| 4 | 0,0000 | 0,0003 | 0,0007 | 0,0016 | 0,0030 |
| 5 | | 0,0000 | 0,0001 | 0,0002 | 0,0004 |
| 6 | | | 0,0000 | 0,0000 | 0,0000 |

| $k \backslash \lambda$ | 1 | 1,5 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|------------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0,368 | 0,223 | 0,135 | 0,050 | 0,018 | 0,007 | 0,002 | 0,001 | 0,000 | 0,000 | 0,000 |
| 1 | 0,368 | 0,335 | 0,271 | 0,149 | 0,073 | 0,034 | 0,015 | 0,006 | 0,003 | 0,001 | 0,000 |
| 2 | 0,184 | 0,251 | 0,271 | 0,224 | 0,147 | 0,084 | 0,045 | 0,022 | 0,011 | 0,005 | 0,002 |
| 3 | 0,061 | 0,126 | 0,180 | 0,224 | 0,195 | 0,140 | 0,089 | 0,052 | 0,029 | 0,015 | 0,008 |
| 4 | 0,015 | 0,047 | 0,090 | 0,168 | 0,195 | 0,176 | 0,134 | 0,091 | 0,057 | 0,034 | 0,019 |
| 5 | 0,003 | 0,014 | 0,036 | 0,101 | 0,156 | 0,176 | 0,161 | 0,128 | 0,092 | 0,061 | 0,038 |
| 6 | 0,001 | 0,004 | 0,012 | 0,050 | 0,104 | 0,146 | 0,161 | 0,149 | 0,122 | 0,091 | 0,063 |
| 7 | 0,000 | 0,001 | 0,003 | 0,022 | 0,060 | 0,104 | 0,138 | 0,149 | 0,140 | 0,117 | 0,090 |
| 8 | | 0,000 | 0,001 | 0,008 | 0,030 | 0,065 | 0,103 | 0,130 | 0,140 | 0,132 | 0,113 |
| 9 | | | 0,000 | 0,003 | 0,013 | 0,036 | 0,069 | 0,101 | 0,124 | 0,132 | 0,125 |
| 10 | | | | 0,001 | 0,005 | 0,018 | 0,041 | 0,071 | 0,099 | 0,119 | 0,125 |
| 11 | | | | 0,000 | 0,002 | 0,008 | 0,023 | 0,045 | 0,072 | 0,097 | 0,114 |
| 12 | | | | | 0,001 | 0,003 | 0,011 | 0,026 | 0,048 | 0,073 | 0,095 |
| 13 | | | | | 0,000 | 0,001 | 0,005 | 0,014 | 0,030 | 0,050 | 0,073 |
| 14 | | | | | | 0,000 | 0,002 | 0,007 | 0,017 | 0,032 | 0,052 |
| 15 | | | | | | | 0,001 | 0,003 | 0,009 | 0,019 | 0,035 |
| 16 | | | | | | | 0,000 | 0,001 | 0,005 | 0,011 | 0,022 |
| 17 | | | | | | | | 0,001 | 0,002 | 0,006 | 0,013 |
| 18 | | | | | | | | 0,000 | 0,001 | 0,003 | 0,007 |
| 19 | | | | | | | | | 0,000 | 0,001 | 0,004 |
| 20 | | | | | | | | | | 0,001 | 0,002 |
| 21 | | | | | | | | | | 0,000 | 0,001 |
| 22 | | | | | | | | | | | 0,000 |

c) Loi exponentielle

Fonction de fiabilité : $R(t) = e^{-\lambda t}$

$$E(X) = \frac{1}{\lambda} \text{ (M.T.B.F.)}$$

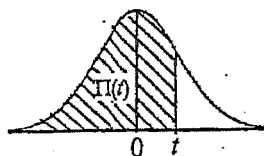
$$\sigma(X) = \frac{1}{\lambda}$$

d) Loi normale

La loi normale centrée réduite est caractérisée par la densité de probabilité : $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$

EXTRAITS DE LA TABLE DE LA FONCTION INTEGRALE DE LA LOI NORMALE CENTREE, REDUITE $\mathcal{N}(0,1)$

$$\Pi(t) = P(T \leq t) = \int_{-\infty}^t f(x) dx$$



| z | 0,00 | 0,01 | 0,02 | 0,03 | 0,04 | 0,05 | 0,06 | 0,07 | 0,08 | 0,09 |
|-----|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| 0,0 | 0,500 0 | 0,504 0 | 0,508 0 | 0,512 0 | 0,516 0 | 0,519 9 | 0,523 9 | 0,527 9 | 0,531 9 | 0,535 9 |
| 0,1 | 0,539 8 | 0,543 8 | 0,547 8 | 0,551 7 | 0,555 7 | 0,559 6 | 0,563 6 | 0,567 5 | 0,571 4 | 0,575 3 |
| 0,2 | 0,579 3 | 0,583 2 | 0,587 1 | 0,591 0 | 0,594 8 | 0,598 7 | 0,602 6 | 0,606 4 | 0,610 3 | 0,614 1 |
| 0,3 | 0,617 9 | 0,621 7 | 0,625 5 | 0,629 3 | 0,633 1 | 0,636 8 | 0,640 6 | 0,644 3 | 0,648 0 | 0,651 7 |
| 0,4 | 0,655 4 | 0,659 1 | 0,662 8 | 0,666 4 | 0,670 0 | 0,673 6 | 0,677 2 | 0,680 8 | 0,684 4 | 0,687 9 |
| 0,5 | 0,691 5 | 0,695 0 | 0,698 5 | 0,701 9 | 0,705 4 | 0,708 8 | 0,712 3 | 0,715 7 | 0,719 0 | 0,722 4 |
| 0,6 | 0,725 7 | 0,729 0 | 0,732 4 | 0,735 7 | 0,738 9 | 0,742 2 | 0,745 4 | 0,748 6 | 0,751 7 | 0,754 9 |
| 0,7 | 0,758 0 | 0,761 1 | 0,764 2 | 0,767 3 | 0,770 4 | 0,773 4 | 0,776 4 | 0,779 4 | 0,782 3 | 0,785 2 |
| 0,8 | 0,788 1 | 0,791 0 | 0,793 9 | 0,796 7 | 0,799 5 | 0,802 3 | 0,805 1 | 0,807 8 | 0,810 6 | 0,813 3 |
| 0,9 | 0,815 9 | 0,818 6 | 0,821 2 | 0,823 8 | 0,825 4 | 0,828 9 | 0,831 5 | 0,834 0 | 0,836 5 | 0,838 9 |
| 1,0 | 0,841 3 | 0,843 8 | 0,846 1 | 0,848 5 | 0,850 8 | 0,853 1 | 0,855 4 | 0,857 7 | 0,859 9 | 0,862 1 |
| 1,1 | 0,864 3 | 0,866 5 | 0,868 6 | 0,870 8 | 0,872 9 | 0,874 9 | 0,877 0 | 0,879 0 | 0,881 0 | 0,883 0 |
| 1,2 | 0,884 9 | 0,886 9 | 0,888 8 | 0,890 7 | 0,892 5 | 0,894 4 | 0,896 2 | 0,898 0 | 0,899 7 | 0,901 5 |
| 1,3 | 0,903 2 | 0,904 9 | 0,906 6 | 0,908 2 | 0,909 9 | 0,911 5 | 0,913 1 | 0,914 7 | 0,916 2 | 0,917 7 |
| 1,4 | 0,919 2 | 0,920 7 | 0,922 2 | 0,923 6 | 0,925 1 | 0,926 5 | 0,927 9 | 0,929 2 | 0,930 6 | 0,931 9 |
| 1,5 | 0,933 2 | 0,934 5 | 0,935 7 | 0,937 0 | 0,938 2 | 0,939 4 | 0,940 6 | 0,941 8 | 0,942 9 | 0,944 1 |
| 1,6 | 0,945 2 | 0,946 3 | 0,947 4 | 0,948 4 | 0,949 5 | 0,950 5 | 0,951 5 | 0,952 5 | 0,953 5 | 0,954 5 |
| 1,7 | 0,955 4 | 0,956 4 | 0,957 3 | 0,958 2 | 0,959 1 | 0,959 9 | 0,960 8 | 0,961 6 | 0,962 5 | 0,963 3 |
| 1,8 | 0,964 1 | 0,964 9 | 0,965 6 | 0,966 4 | 0,967 1 | 0,967 8 | 0,968 6 | 0,969 3 | 0,969 9 | 0,970 6 |
| 1,9 | 0,971 3 | 0,971 9 | 0,972 6 | 0,973 2 | 0,973 8 | 0,974 4 | 0,975 0 | 0,975 6 | 0,976 1 | 0,976 7 |
| 2,0 | 0,977 2 | 0,977 9 | 0,978 3 | 0,978 8 | 0,979 3 | 0,979 8 | 0,980 3 | 0,980 8 | 0,981 2 | 0,981 7 |
| 2,1 | 0,982 1 | 0,982 6 | 0,983 0 | 0,983 4 | 0,983 8 | 0,984 2 | 0,984 6 | 0,985 0 | 0,985 4 | 0,985 7 |
| 2,2 | 0,986 1 | 0,986 4 | 0,986 8 | 0,987 1 | 0,987 5 | 0,987 8 | 0,988 1 | 0,988 4 | 0,988 7 | 0,989 0 |
| 2,3 | 0,989 3 | 0,989 6 | 0,989 8 | 0,990 1 | 0,990 4 | 0,990 6 | 0,990 9 | 0,991 1 | 0,991 3 | 0,991 6 |
| 2,4 | 0,991 8 | 0,992 0 | 0,992 2 | 0,992 5 | 0,992 7 | 0,992 9 | 0,993 1 | 0,993 2 | 0,993 4 | 0,993 6 |
| 2,5 | 0,993 8 | 0,994 0 | 0,994 1 | 0,994 3 | 0,994 5 | 0,994 6 | 0,994 8 | 0,994 9 | 0,995 1 | 0,995 2 |
| 2,6 | 0,995 3 | 0,995 5 | 0,995 6 | 0,995 7 | 0,995 9 | 0,996 0 | 0,996 1 | 0,996 2 | 0,996 3 | 0,996 4 |
| 2,7 | 0,996 5 | 0,996 6 | 0,996 7 | 0,996 8 | 0,996 9 | 0,997 0 | 0,997 1 | 0,997 2 | 0,997 3 | 0,997 4 |
| 2,8 | 0,997 4 | 0,997 5 | 0,997 6 | 0,997 7 | 0,997 7 | 0,997 8 | 0,997 9 | 0,997 9 | 0,998 0 | 0,998 1 |
| 2,9 | 0,998 1 | 0,998 2 | 0,998 2 | 0,998 3 | 0,998 4 | 0,998 4 | 0,998 5 | 0,998 5 | 0,998 6 | 0,998 6 |

TABLE POUR LES GRANDES VALEURS DE z

| z | 3,0 | 3,1 | 3,2 | 3,3 | 3,4 | 3,5 | 3,6 | 3,8 | 4,0 | 4,5 |
|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|-----------|-----------|-----------|-----------|
| $\Pi(z)$ | 0,998 65 | 0,999 04 | 0,999 31 | 0,999 52 | 0,999 66 | 0,999 76 | 0,999 841 | 0,999 928 | 0,999 968 | 0,999 997 |

Nota : $\Pi(-z) = 1 - \Pi(z)$