

**CORRIGÉ - BARÈME**

**SCIENCES PHYSIQUES**

(5 points)

- |   |        |
|---|--------|
| 1) Méthane  | 0,5 pt |
| 2) $\text{CH}_4 + 2\text{O}_2 \rightarrow \text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$ | 0,5 pt |
| 3) $P_a = Q_{gaz} \times P_c = 20,7 \text{ kW}$                             | 1 pt   |
| 4) $P_u = Q_m \cdot C \cdot \Delta \theta = 18,1 \text{ kW}$                | 1 pt   |
| 5) $P_a = U I \cos \varphi = 83 \text{ W}$                                  | 1 pt   |
| 6) $v = \frac{Q_v}{S} = \frac{Q_v}{\pi R^2} = 0,69 \text{ m/s}$             | 1 pt   |

**CORRIGÉ - BARÈME****MATHÉMATIQUES****EXERCICE I - PARTIE A (3 points)**

$$T(d) = T_1 + \frac{T_1 - T_2}{\ln \left( \frac{R_1}{R_2} \right)} \times \ln \frac{R_1 + d}{R_1}$$

1.  $T(d) = 95 + \frac{70}{\ln \frac{0,5}{2}} \times \ln \left( \frac{0,5 + d}{0,5} \right)$

1 pt       $T(d) = 95 + \frac{70}{\ln 0,25} \times \ln (1 + 2d)$

2.  $T(0) = 95 + \frac{70}{\ln 0,25} (\ln 1 + 0) = 95$

1 pt       $T(0) = T_1$

$$T(1,5) = 95 + \frac{70}{\ln 0,25} \times \ln (1 + 3)$$

$$T(1,5) = 95 + \frac{70}{\ln 0,25} \ln 4 = 25$$

1 pt

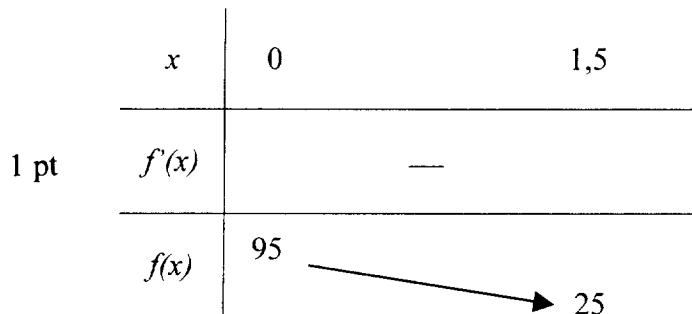
$$T(1,5) = T_2$$

**PARTIE B - (9 points)**

1 pt      1.  $f'(x) = \frac{70}{\ln 0,25} \times \frac{2}{(1+2x)} = \frac{140}{\ln 0,25} \times \frac{1}{1+2x} \approx \frac{-100,1}{1+2x}$

1 pt      sur  $[0 ; 1,5]$      $(1+2x) > 0$    donc    $f'(x) < 0$

## 2. Tableau de variation



1 pt    5.  $\frac{T_1 + T_2}{2} = 60^\circ\text{C}$      $T \leqslant 60^\circ\text{C}$     pour     $0,5 \leqslant x \leqslant 1,5$      $x_0 = 0,5$

6.  $95 + \frac{70}{\ln 0,25} \times \ln(1 + 2x) = 60$

$$\ln(1 + 2x) = \frac{-35 \times \ln 0,25}{70}$$

2 pts     $\ln(1 + 2x) \approx 0,693\dots$

$$1 + 2x = e^{0,693\dots}$$

$$x = \frac{e^{0,693} - 1}{2} = 0,5$$

### EXERCICE II - (3 points)

en 2000  $P_0 = 500\,000$  tonnes

en 2001  $P_1 = P_0 \times 0,88 = 440\,000$  tonnes

en 2002  $P_2 = P_0 \times 0,88^2 = 387\,200$  tonnes

en 2003  $P_3 = P_0 \times 0,88^3 = 340\,736$  tonnes

} 0,75 pt

suite géométrique de raison  $q = 0,88$

$$P_n = P_0 \times 0,88^n =$$

} 1 pt

$$P_n = \frac{P_0}{10} \Rightarrow \frac{P_0}{10} = P_0 \times 0,88^n \quad \underbrace{0,88^n}_{= 0,1} \quad n = \frac{\ln 0,1}{\ln 0,88} \approx \underbrace{18 \text{ ans}}_{}$$

0,25 pt

1 pt

## **ANNEXE A RENDRE AVEC LA COPIE.**

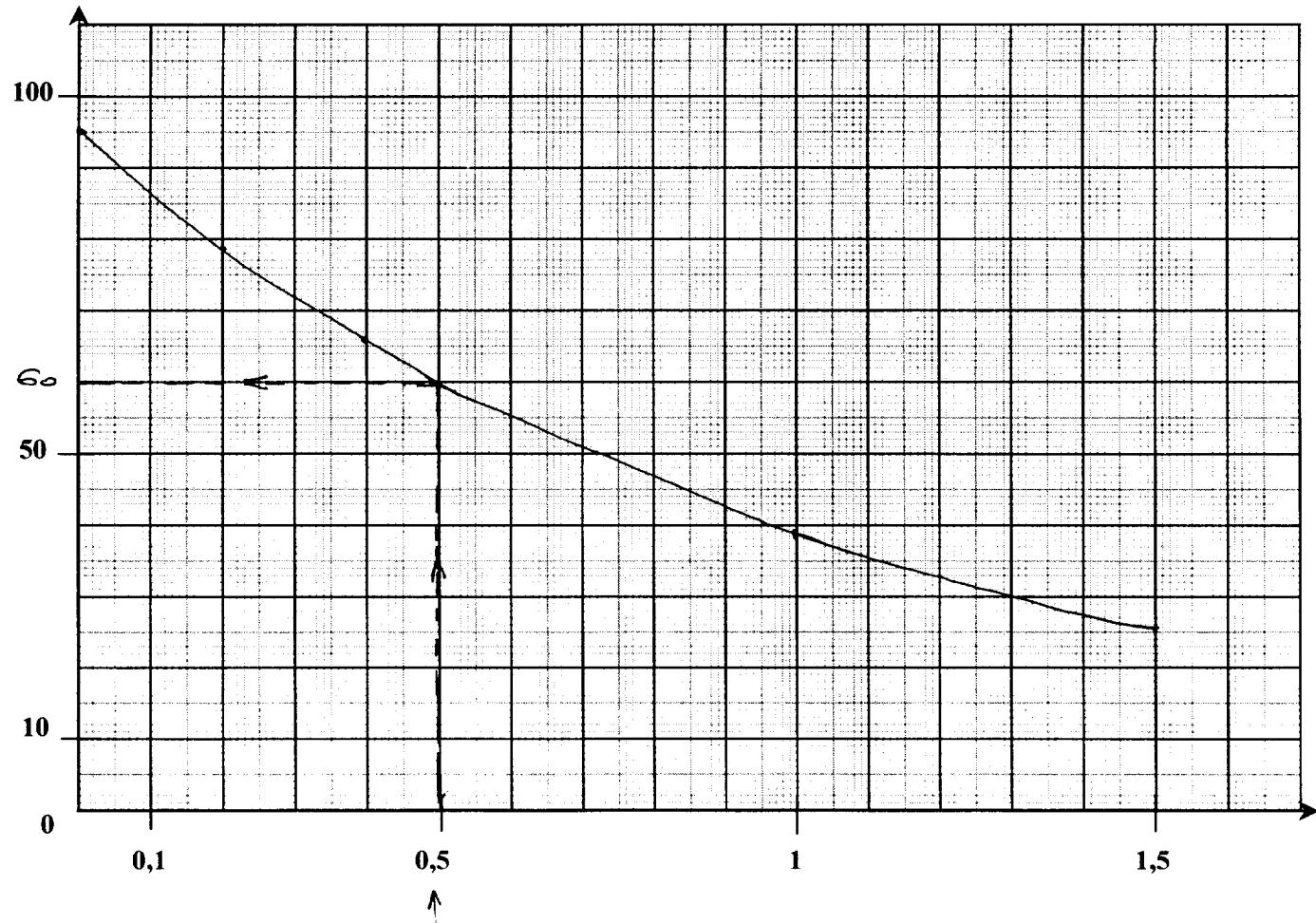
### **EXERCICE I**

PARTIE B - Question 4 - Tableau de valeurs de la fonction  $f$ (valeurs arrondies à l'unité).

|        |    |     |     |     |    |     |     |
|--------|----|-----|-----|-----|----|-----|-----|
| $x$    | 0  | 0,2 | 0,4 | 0,7 | 1  | 1,3 | 1,5 |
| $f(x)$ | 95 | 78  | 65  | 51  | 40 | 30  | 25  |

1 pt

$y$     Courbe représentative :



2 pts