

BACCALAUREAT PROFESSIONNEL
«M.A.V.E.L.E.C» et «M.R.I.M»
Session 2003

E1.B1 MATHEMATIQUES - U 12

Durée : 2 heures

Coefficient : 2,5

C O R R I G E

Ce corrigé comporte 3 pages

**0306-MAV ST B
0306-MIR ST 12
(Métropole - La Réunion)**

| Eléments de correction | Barème |
|---|--------|
| EXERCICE 1 (sur 6 points) | |
| A. | |
| $f_0 = 17,3 \text{ kHz}$ | 1 |
| B. | |
| 1. $T = \frac{R}{R + \frac{1}{C\omega j}}$ | |
| $T = \frac{RC\omega}{RC\omega + \frac{1}{C\omega j}}$ | |
| $T = \frac{xj}{xj + 1}$ | 2 |
| 2. $ T = \frac{ xj }{ xj + 1 }$ | |
| $ T = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$ | 1 |
| 3. a) $\omega = 20\ 000 \pi \text{ rad/s}$ | 0,5 |
| b) $x = 0,578$ | 0,5 |
| c) $ T = 0,5$ | 0,5 |
| d) $G = -6 \text{ dB}$ | 0,5 |
| EXERCICE 2 (sur 14 points) | |
| A. | |
| 1. $5 \times 10^{-4} v'(t) + v(t) = 12$ | |
| $v'(t) + \frac{1}{5 \times 10^{-4}} v(t) = \frac{12}{5 \times 10^{-4}}$ | |
| $v'(t) + 2\ 000 v(t) = 24\ 000$ | 1 |

| Eléments de correction | Barème |
|---|--------|
| 2. a) $v'(t) + 2000 v(t) = 0$ $a = -2000$ | 0,5 |
| b) $v(t) = k e^{-2000t}$ | 0,5 |
| 3. $f(t) = 12 \quad f'(t) = 0$ $0 + 2000 \times 12 = 24000 \quad \text{vrai}$ | 0,5 |
| 4. a) solution générale : $v(t) = k e^{-2000t} + 12$ | 0,5 |
| b) $-6 = K e^{-2000t} + 12$ $-6 = K e^0 + 12$ $-6 = K + 12$ $K = -18$ $v(t) = -18 e^{-2000t} + 12$ | 1,5 |
| B. | |
| 1. $36000 > 0$ d'où $36000 e^{-2000t} > 0$ $e^{-2000t} > 0$ | 1,5 |
| $v'(t) > 0$ sur l'intervalle | 1,5 |
| 2. Voir annexe | 1 |
| 3. Voir annexe | 1 |
| 4. Voir annexe | 1,5 |
| 5. $[0,2 \times 10^{-3}; 2 \times 10^{-3}]$ | 1 |
| C. | |
| 1. $G(t) = -1,62 \times 10^{-5} e^{-4000t}$ | 1,5 |
| 2. $E = -1,62 \times 10^{-5} e^{-4000} - (-1,62 \times 10^{-5} e^0)$ $E = 16 \mu J$ | 2 |

ANNEXE (à rendre avec la copie)

EXERCICE 2

B . 2. Tableau de valeurs : les valeurs de $v(t)$ seront arrondies à l'unité .

| | | | | | | |
|--------|-----|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|--------------------|
| t | 0 | $0,1 \times 10^{-3}$ | $0,3 \times 10^{-3}$ | $0,9 \times 10^{-3}$ | $1,4 \times 10^{-3}$ | 2×10^{-3} |
| $v(t)$ | - 6 | - 3 | 2 | 9 | 11 | 12 |

B . 3. Tableau de variation :

| | | |
|------------------|-----|--------------------|
| t | 0 | 2×10^{-3} |
| Signe de $v'(t)$ | | + |
| Variation de v | - 6 | → 12 |

B . 4. Représentation graphique de la fonction v :

