|     | Groupement des Académies de l'Est                            |  |  |  |  |  |
|-----|--------------------------------------------------------------|--|--|--|--|--|
| CAP | CAP secteur 1 Productique - Maintenance                      |  |  |  |  |  |
|     | Épreuve Mathématiques et sciences physiques durée : 2 heures |  |  |  |  |  |

La clarté des raisonnements et la qualité de la rédaction interviendront pour une part importante dans l'appréciation des copies.

L'usage de calculatrice est autorisée.

Le candidat rédige sur le sujet et rend toutes les feuilles à la fin de l'épreuve.

# **MATHEMATIQUES (10 points)**

#### **EXERCICE 1 (5 points)**

Pierre a acheté un téléphone portable sans abonnement rechargeable avec des cartes. Le coût de la minute de communication est de 0,5 €.

1.1. Compléter le tableau de proportionnalité suivant :

| durée de communication<br>en minute | 1    | ••• | 40 | ••• | <del>}</del> |
|-------------------------------------|------|-----|----|-----|--------------|
| Coût en euro                        | •••• | 12  |    | 25  | ×            |

On considère la fonction f définie par f(x) = 0.5 x pour x appartenant à l'intervalle [0; 60].

**1.2.** Cocher la case correspondante à la nature de la fonction f:

Fonction linéaire

Fonction non linéaire

1.3. Compléter le tableau de valeurs suivant :

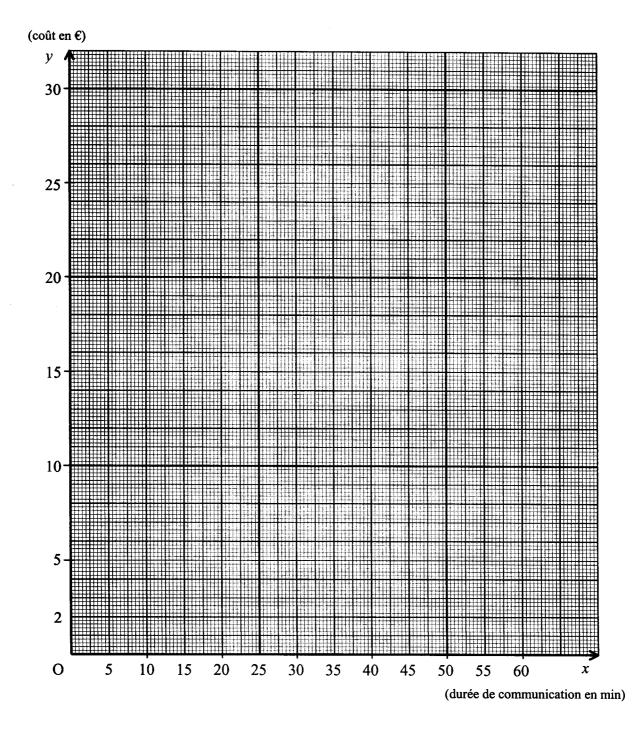
| x    | 0   | 60  |
|------|-----|-----|
| f(x) | ••• | ••• |

- **1.4.** Représenter graphiquement la fonction f en utilisant le repère de la page 2/7.
- 1.5. En laissant apparents les traits utiles à la lecture, utiliser la représentation graphique de la page 2/7 pour déterminer :

1.5.1. le coût en € d'une demi-heure de communication,

1.5.2. le temps de communication pour 30 €.

|     | Session juin 2003                       |  |  |  |  |  |
|-----|-----------------------------------------|--|--|--|--|--|
| CAP | CAP secteur 1 Productique - Maintenance |  |  |  |  |  |
|     | page 2 / 7                              |  |  |  |  |  |



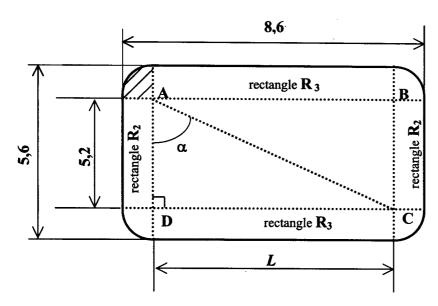
|     | Session juin 2003                       |  |  |  |  |
|-----|-----------------------------------------|--|--|--|--|
| CAP | CAP secteur 1 Productique - Maintenance |  |  |  |  |
|     | page 3 / 7                              |  |  |  |  |

# **EXERCICE 2** (5 points)

La carte de recharge est constituée :

- d'un rectangle ABCD,
- de deux rectangles R<sub>2</sub>, de 5,2 cm de longueur,
- de deux rectangles  $R_{3}$ , de longueur L,
- de quatre quarts de disque formant les coins arrondis de la carte.

Les cotes sont exprimées en cm



On donne: AC = 9,7

| 2.1. | Dans le triangle rectangle DAC, calculer $L$ , mesure du segment [DC], en utilisant la relation de Pythagore. Donner le résultat arrondi à $0,1\mathrm{cm}$ .    |
|------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|      |                                                                                                                                                                  |
|      |                                                                                                                                                                  |
| Pou  | r la suite du problème, on prendra $L = 8,2$ cm.                                                                                                                 |
| 2.2. | Calculer la mesure, arrondie à 1°, de l'angle α.                                                                                                                 |
|      |                                                                                                                                                                  |
| 2.3. | Calculer, en cm <sup>2</sup> , l' aire $A_1$ du rectangle <b>ABCD</b> .                                                                                          |
|      |                                                                                                                                                                  |
| 2.4. | Calculer, arrondie à 0,01 cm <sup>2</sup> , l'aire $A_4$ d'un disque de rayon $R = 0,2$ cm.                                                                      |
|      |                                                                                                                                                                  |
| 2.5. | Aire d'un rectangle $R_2: A_2 = 1,04 \text{ cm}^2$ . Aire d'un rectangle $R_3: A_3 = 1,64 \text{ cm}^2$ . En déduire l'aire $A$ de la carte en cm <sup>2</sup> . |
|      | $A = \dots \operatorname{cm}^2$                                                                                                                                  |

|     | Session juin 2003                       |  |  |  |  |
|-----|-----------------------------------------|--|--|--|--|
| CAP | CAP secteur 1 Productique - Maintenance |  |  |  |  |
|     | page 4 / 7                              |  |  |  |  |

# **SCIENCES PHYSIQUES (10 points)**

# **EXERCICE 3 (3 points)**

Une lampe de plafonnier de voiture porte les indications suivantes : 12 V - 5 W.

**3.1.** Dans le tableau ci-dessous, indiquer à quelles grandeurs électriques correspondent ces indications. Ecrire les unités en toutes lettres.

| 4            | 12 V : Grandeur :                                 | Unité :                              |
|--------------|---------------------------------------------------|--------------------------------------|
|              | 5 W : Grandeur :                                  | Unité :                              |
| Calculer, as | rrondie à 1 mA, l'intensité I du courant qui tra  | verse cette lampe en fonctionnement. |
| •••••        | •••••                                             | <i>I</i> =                           |
| Calculer 1'  | énergie $m{E}$ consommée par la lampe lorsque cel | le-ci fonctionne pendant 30 minutes. |
|              | •••••                                             | <i>E</i> =                           |
|              |                                                   | 5 W : Grandeur :                     |

Informations pour l'exercice 3 :

$$P = UI$$
 ;  $U = RI$  ;  $P = \frac{E}{t}$ 

|     |                                                              | Groupement des Académies de l'Est | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | Session juin 2003 |  |  |
|-----|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------|---------------------------------------|-------------------|--|--|
| CAP | CAP secteur 1 Productique - Maintenance                      |                                   |                                       |                   |  |  |
|     | Épreuve Mathématiques et sciences physiques durée : 2 heures |                                   |                                       |                   |  |  |

# **EXERCICE 4 (3 points)**

# Extrait de la classification périodique

| H 1 g/mol hydrogène  |                        |                      |                     |                      |                    |                     | He 4 g/mol hélium      |
|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|----------------------|--------------------|---------------------|------------------------|
| 3                    | 4                      | 5                    | 6                   | 7                    | 8                  | 9                   | 10                     |
| Li                   | Be                     | B                    | C                   | N                    | <b>O</b>           | $\mathbf{F}$        | Ne                     |
| 6,9 g/mol<br>lithium | 9,0 g/mol<br>béryllium | 10,8 g/mol<br>bore   | 12,0 g/mol carbone  | 14,0 g/mol azote     | 16,0 g/mol oxygène | 19,0 g/mol<br>fluor | <b>20,1</b> g/mol néon |
| 11                   | 12                     | 13                   | 14                  | 15                   | 16                 | 17                  | 18                     |
| Na                   | Mg                     | Al                   | Si                  | P                    | S                  | Cl                  | Ar                     |
| 23,0 g/mol sodium    | 24,3 g/mol magnésium   | 27,0 g/mol aluminium | 28,1 g/mol silicium | 31,0 g/mol phosphore | 32,1 g/mol soufre  | 35,5 g/mol chlore   | 39,9 g/mol argon       |

4.1. Compléter le tableau (2 cases) ci-dessous à l'aide de l'extrait de la classification périodique ci-dessus :

| Nom                    | hydrogène | carbone  | • • • |
|------------------------|-----------|----------|-------|
| Symbole                | Symbole H |          | 0     |
| Modèle                 |           |          |       |
| Masse molaire atomique | 1 g/mol   | 12 g/mol | g/mol |

4.2. Le propane C<sub>3</sub>H<sub>8</sub> brûle complètement avec le dioxygène de l'air pour donner du dioxyde de carbone CO<sub>2</sub> et de l'eau.

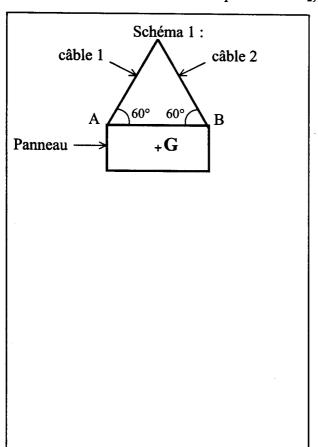
Compléter le tableau suivant (7 cases) :

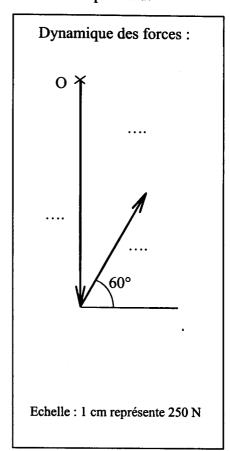
| Nom                             | dioxyde de carbone | eau                | propane |
|---------------------------------|--------------------|--------------------|---------|
| Symbole                         | CO <sub>2</sub>    | •••                |         |
| Modèle                          |                    |                    |         |
| constitution                    | 1 atome de carbone | atome d'oxygène    | atomes  |
| constitution                    | 2 atomes d'oxygène | atomes d'hydrogène | atomes  |
| Masse<br>molaire<br>moléculaire | 44 g/mol           | 18 g/mol           | g/mol   |

|     | Session juin 2003 |                                                               |  |       |
|-----|-------------------|---------------------------------------------------------------|--|-------|
| CAP | secteur 1         | Productique - Maintenance Mathématiques et sciences physiques |  | SUJET |
|     | page 6 / 7        |                                                               |  |       |

# **EXERCICE 5 (4 points)**

Une grue permet de maintenir en équilibre un panneau homogène dont la valeur du poids  $\overrightarrow{P}$  est 1 500 N. On note  $\overrightarrow{F_1}$ , l'action du câble 1 sur le panneau et  $\overrightarrow{F_2}$ , l'action du câble 2 sur le panneau.





5.1. Calculer la masse m du panneau (g = 10 N/kg).

5.2. Représenter le poids  $\overrightarrow{P}$  du panneau sur le schéma 1. (Echelle : 1 cm représente 250 N).

5.3. Compléter le tableau des caractéristiques.

| Forces                 | Point d'application | Droite d'action | Sens | Valeur en N |
|------------------------|---------------------|-----------------|------|-------------|
| $\overrightarrow{P}$   | •••                 | •••             | •••  | 1 500       |
| $\overrightarrow{F}_1$ | A                   | <u></u>         | 1    | 870         |
| $\overrightarrow{F}_2$ | •••                 | •••             | •••  |             |

5.4. Le panneau est en équilibre. Compléter le dynamique des trois forces et indiquer le nom des différentes forces représentées.

|          | Session juin 2003 |                                                               |  |       |
|----------|-------------------|---------------------------------------------------------------|--|-------|
| CAP      | secteur 1         | Productique - Maintenance Mathématiques et sciences physiques |  | SUJET |
| <u>-</u> | page 7 / 7        |                                                               |  |       |

#### FORMULAIRE CAP SECTEUR INDUSTRIEL

### Identités remarquables

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2;$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2;$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$
.

Puissances d'un nombre 
$$10^0 = 1$$
;  $10^1 = 10$ ;  $10^2 = 100$ ;  $10^3 = 1000$ .  $a^2 = a \times a$ ;  $a^3 = a \times a \times a$ .

$$a^2 = a \times a$$
;  $a^3 = a \times a \times a$ .

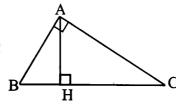
### **Proportionnalité**

a et b sont proportionnels respectivement à c et d

si 
$$\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$$
.

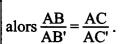
## Relations métriques dans le triangle rectangle

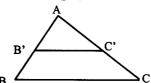
$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$
  
 $AH \times BC = AB \times AC$ 



$$\widehat{B} = \frac{AC}{BC};$$
 $\widehat{C} = \frac{AB}{BC};$ 
 $\widehat{C} = \frac{AB}{BC};$ 
 $\widehat{C} = \frac{AC}{AB}.$ 

# Énoncé de Thalès (relatif au triangle)





## Aires dans le plan

Triangle: 
$$\frac{1}{2}Bh$$
.

Trapèze : 
$$\frac{1}{2}(B+b)h$$
.

Disque : 
$$\pi R^2$$
.

# Secteur circulaire angle \alpha en degr\( \epsilon :

$$\frac{\alpha}{360} \pi R^2$$
.

## Aires et volumes dans l'espace

Cylindre de révolution ou Prisme droit d'aire de base B et de hauteur h :

Volume: Bh.

Sphère de rayon R:

Aire:  $4\pi R^2$ .

Volume:  $\frac{4}{2}\pi R^3$ .

Cône de révolution ou Pyramide d'aire de base B et de hauteur h

Volume:  $\frac{1}{3}Bh$ .